



## مسأله زمان بندی کار کارگاهی چندهدفی انعطاف پذیر پویا با در نظر گرفتن محدودیت نگهداری و تعمیرات

نسیم نهاوندی\* و محمد عباسیان

### چکیده:

در محیط‌های صنعتی واقعی، ممکن است ماشینی به دلایل مختلف (مانند نگهداری و تعمیرات پیشگیرانه) در طول افق برنامه‌ریزی در دسترس نباشد. در تحقیق حاضر، محدودیت دسترسی به ماشین‌ها از نوع قطعی (تحت عنوان محدودیت نت) و در حالت دسترسی نامعین بررسی شده است. پس از مدل‌سازی مسأله، برای حل آن، الگوریتم ژنتیک توسعه یافته‌ای با کروموزوم‌های دوبعدی پویا که در آن برای حل زیرمسأله نت یک الگوریتم ابتکاری دیگری نیز پیشنهاد شده؛ ارائه شد. عملکرد الگوریتم پیشنهادی در دو حالت مورد ارزیابی قرار گرفت. در حالت اول عملکرد نسخه توسعه یافته از الگوریتم پیشنهادی، با یک روش تکاملی موجود در ادبیات مقایسه شد که برای سه سطح انعطاف پذیری جزئی، متوسط و کامل به ترتیب نشانگر ۳۰٪، ۴۵٪ و ۵۵٪ بهبود در شاخص «میانگین شاخص «بهترین جواب به دست آمده» و نیز ۴۰٪، ۵۰٪ و ۶۰٪ بهبود در شاخص «میانگین جواب‌های به دست آمده» است. در حالت دوم نیز روش پیشنهادی بر اساس شاخص «میانگین تابع هدف» در حالت وجود یک، دو و سه فعالیت نت به ترتیب با میانگین ۴۶٪، ۴۸٪ و ۷۵٪ افزایش، از عملکرد مطلوبی برخوردار است. نتایج محاسبات در هر دو حالت رجحان روش حل پیشنهادی را در زمینه‌های کیفیت جواب‌ها و سرعت همگرایی، نشان می‌دهد.

### کلمات کلیدی

کار کارگاهی پویای انعطاف پذیر،  
زمان بندی چندهدفی،  
نت، الگوریتم ژنتیک،  
تنظیم دینامیکی پارامترهای کنترلی

### ۱. مقدمه

در حالت کلی عدم دسترسی به ماشین شامل دو دسته تصادفی (نظیر خرابی یا از کار افتادگی ماشین) و قطعی (نظیر نت پیشگیرانه، تعمیرات اساسی و پیش-زمان بندی‌ها) است [۱]. مسأله MO-FDJSPM<sup>2</sup> با محدودیت نت، یک مسأله بهینه‌سازی در فضای گسسته است. این مسأله بدلیل طبیعت غیرمحدب و غیرخطی، معمولاً دارای بهینه‌های محلی متعددی است [۲]. برای حل مسائل زمان بندی، عمدتاً از روش‌های فرا ابتکاری استفاده شده است. در این میان، الگوریتم ژنتیک عملکرد بهتری نسبت به سایر

تاریخ وصول: ۸۸/۱۲/۴

تاریخ تصویب: ۸۹/۸/۱۵

\*نویسنده مسئول مقاله: دکتر نسیم نهاوندی، استادیار بخش مهندسی صنایع، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه تربیت مدرس،  
N\_nahavandi@modares.ac.ir  
محمد عباسیان، کارشناس ارشد مهندسی صنایع دانشگاه تربیت مدرس،  
M.abbasian586@gmail.com

<sup>2</sup>. Multi-Objective Flexible Dynamic Job-Shop with Parallel Machines

روش‌ها داشته و به گمان برخی از محققین مسائل زمان بندی، این الگوریتم، رویکردی مناسب برای حل این دسته از مسائل بهینه‌سازی بشمار می‌رود [۳]. بررسی‌ها نشان می‌دهد یکی از معایب الگوریتم ژنتیک کلاسیک، خاصیت همگرایی زودرس و به دام افتادن در نقاط بهینه محلی است [۴]. هدف این مقاله، مدل‌سازی و ارائه روشی کارآمد برای حل مسأله MO-FDJSPM، با وجود محدودیت نت است. مسأله تحقیق علاوه بر در نظر گرفتن پویایی محیط ساخت و تولید و دارا بودن قابلیت انعطاف پذیری عملیات و انعطاف پذیری ناشی از ماشین‌های موازی و نیز چند معیاره بودن تابع هدف، دارای محدودیت نت است. مقاله حاضر در قالب شش بخش تهیه شده است. در این بخش به ذکر مقدمه پرداخته شد. در بخش دوم، به بررسی پیشینه تحقیق در دو زمینه محدودیت دسترسی به ماشین و بکارگیری الگوریتم ژنتیک برای حل مسأله تحقیق، پرداخته می‌شود. در بخش سوم تعریف مسأله تحقیق و مدل‌سازی ریاضی آن بیان می‌شود. در بخش چهارم، روش حل پیشنهادی و نحوه تنظیم دینامیکی پارامترهای کنترلی آن، و نیز الگوریتم ابتکاری ارائه شده

مسأله زمان‌بندی جریان کارگاهی با در نظر گرفتن عدم انتظار کار و اعمال محدودیت روی هر دو ماشین را ارائه نمودند. در سال ۲۰۰۵، کوبزین و استراسویچ [۱۸] مسأله زمان‌بندی جریان کارگاهی دو ماشینه با در نظر گرفتن عدم انتظار کار و اعمال محدودیت روی هر ماشین را ارائه نموده و آن را با کمک یک الگوریتم تقریبی حل کردند. در همان سال، زی و وانگ [۱۹] نیز مسأله زمان‌بندی جریان کارگاهی با ماشین‌های موازی و در نظر گرفتن محدودیت دسترسی به ماشین‌ها و رژیم تولید نوع R را ارائه کردند. در سال ۲۰۰۶، بریت [۲۰] مسأله زمان‌بندی تک ماشینه با در نظر گرفتن محدودیت دسترسی به ماشین‌ها و رژیم تولید نوع N-R را بیان کرد. در سال ۲۰۰۶، لی و هو [۲۱] مسأله زمان‌بندی تک‌ماشینه با در نظر گرفتن اثر یادگیری و محدودیت دسترسی به ماشین‌ها با رژیم تولید نوع R و N-R را بیان کردند. ژربی و کمل [۲۲] در سال ۲۰۰۷، مسأله زمان‌بندی کار کارگاهی با ماشین‌های چند منظوره و وجود محدودیت دسترسی به ماشین‌ها با رژیم تولید نوع R را ارائه نمودند. در سال ۲۰۱۰، ذگردی و رحیمی [۲۳]، مسأله زمان‌بندی تک هدفه با در نظر گرفتن محدودیت دسترسی به ماشین‌ها و رژیم تولید نوع N-R را مورد بررسی قرار داده و جهت حل آن، از الگوریتم ژنتیک کلاسیک بهره جستند.

## ۲-۲. مرور ادبیات در زمینه بکارگیری الگوریتم ژنتیک برای حل مسأله تحقیق

به طور کلی تحقیقات انجام شده درباره زمان‌بندی در محیط‌های پویا به دو دسته اصلی تقسیم می‌شود. دسته اول بر اساس تئوری صف و دسته دوم بر اساس تکنیک «Rolling Time Horizon» می‌باشد [۲۴ و ۲۵]. در ادامه به مرور ادبیات الگوریتم ژنتیک برای حل مسأله تحقیق پرداخته شده است. در سال ۱۹۹۷، ژن و چنگ [۲۶] نشان دادند که در الگوریتم ژنتیک، بزرگتر گرفتن اندازه جمعیت اولیه، تعداد نسل‌ها و نرخ تقاطعی می‌تواند به بسط فضای جستجو و در نتیجه همگرایی سریع‌تر الگوریتم منتج شود. در سال ۱۹۹۹، براندیمارت [۲۷]، مسئله برنامه فرایند انعطاف‌پذیر با تابع هدف چندگانه را با یک الگوریتم بهینه‌سازی دقیق حل نمود. در همین سال، گدجاتی [۲۸]، یک رویکرد ترکیبی از روش‌های فرا ابتکاری بر مبنای الگوریتم ژنتیک برای حل مسأله FJS ارائه کرد. کاسم و همکاران [۲۹]، در سال ۲۰۰۲، برای اولین بار مسأله FJS را در حالت چندهدفی مورد بررسی قرار دادند. در همین سال لی و همکاران [۳۰]، یک الگوریتم ژنتیک برای حل مسأله مشابه با FJS در زنجیره تامین ارائه کردند. در سال ۲۰۰۴، ژنگ و جن [۳۱]، یک الگوریتم ژنتیک برای حل مسأله مطالعه شده توسط کاسم و همکاران، ارائه کردند. در همین سال کرز و آسکین [۳۲ و ۳۳] برای حل مسأله FSPM، الگوریتم فرا ابتکاری RKGا را ارائه دادند. در سال ۲۰۰۷، هو و همکاران [۳۴]، برای حل مسئله FJSP با فرض

برای زیرمسأله نت تشریح می‌شود. طراحی آزمایش‌های عددی در بخش پنجم به تفکیک برای نشان دادن کارایی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی و نیز حل مسأله تحقیق با در نظر داشتن محدودیت نت بیان شده و سپس نتایج حاصل از آن به منظور نشان دادن کارایی روش پیشنهادی بررسی خواهد شد. در بخش ششم نتایج تحقیق و زمینه‌های مناسب جهت انجام تحقیقات آتی ذکر می‌شود.

## ۲. مرور ادبیات

### ۲-۱. مرور ادبیات در زمینه محدودیت دسترسی به ماشین

در محیط‌های صنعتی واقعی، ماشین می‌تواند به دلایلی مختلف در طول افق برنامه‌ریزی در دسترس نباشد. از جمله این دلایل می‌توان به خرابی و از کار افتادگی پیش‌بینی نشده، تعمیرات پیشگیرانه (نت پیشگیرانه) زمان‌بندی شده با مشخص بودن دوره عدم دسترسی به ماشین‌ها و تعمیرات اساسی اشاره نمود [۵ و ۶]. همچنین عدم دسترسی به ماشین‌ها ممکن است از پیش-زمان‌بندی‌ها ناشی شود [۷]. از اینرو در حالت کلی عدم دسترسی به ماشین شامل دو دسته عدم دسترسی تصادفی و قطعی است. در سال ۱۹۸۹ ادیری و همکارانش [۸] نشان دادند که مسئله زمان‌بندی تک‌ماشینه با مشخص بودن دوره عدم دسترسی به ماشین از نوع NP-hard است. حالت مجاز بودن انقطاع عملیات نیز بدین معنی است که امکان قطع کردن عملیات پردازش کار روی ماشین، به منظور انجام عملیاتی دیگر یا انجام فعالیت نت، وجود دارد و عملیات می‌تواند بدون هیچ جریمه‌ای بعداً ادامه یابد [۹]. در انقطاع جزئی عملیات در صورتی که کار در یک بازه زمانی معین انجام شود، انقطاع مجاز نیست ولی اگر در خارج از این بازه زمانی انجام شود، می‌تواند دارای انقطاع باشد [۱۰]. در رژیم ادامه پردازش جزئی کار (S-R)، هنگامی که ماشین در دسترس قرار گرفت، کار پردازش را به صورت جزئی (از میانه و نه از ابتدا) شروع می‌کند [۱۱]. مسأله زمان‌بندی ماشین‌های موازی با دوره عدم دسترسی مختلف ماشین‌ها و امکان انقطاع عملیات اولین بار در سال ۱۹۸۴، توسط اشمیت [۱۲] مطرح شد. در سال ۱۹۹۹، مسأله تک ماشینه با دوره عدم دسترسی نامعین و رژیم تولید نوع S-R توسط کراواس و لی [۱۳] مورد مطالعه قرار گرفت. اشمیت [۱۴] در سال ۲۰۰۰، مجدداً دست بکار شد و در این مرحله مسائل زمان‌بندی تک ماشینه، ماشین‌های موازی و جریان کارگاهی با در نظر گرفتن محدودیت دسترسی به ماشین‌ها را توسعه داد. در سال ۲۰۰۱، بلازویچ و همکارانش [۱۵] مسئله زمان‌بندی جریان کارگاهی دو ماشینه را با امکان وجود چند دوره عدم دسترسی برای هر ماشین و رژیم تولید نوع R به کمک روش‌های ابتکاری حل نمودند. در سال ۲۰۰۲، زی و وانگ [۱۶] مسأله زمان‌بندی جریان کارگاهی انعطاف‌پذیر دو مرحله‌ای با وجود ماشین‌های موازی و در نظر گرفتن محدودیت دسترسی به ماشین‌ها و رژیم تولید نوع R را ارائه کردند. چنگ و لیو [۱۷] در سال ۲۰۰۳،

۲-۳. مدل ریاضی مسأله

• معرفی پارامترها

$O_i$	: تعداد عملیات کار $i$ ام
$O_{ik}$	: عملیات $k$ ام از کار $i$ ام
$r_i$	:: زمان ورود قطعه $i$ ام به کارگاه
$W_1$	: ایستگاه کاری 1 ام
$m_1$	: تعداد ماشین های موازی در ایستگاه کاری 1 ام
$m_{1j}$	: ماشین $j$ ام از ایستگاه کاری 1 ام
$P_{iklj}$	: مدت زمان پردازش $O_{ik}$ بر روی $m_{1j}$
$t_{mj}$	: زمان در دسترس بودن $m_{1j}$
$R_{1j}$	: تعداد فعالیت های نت بر روی $m_{1j}$
$PM_{1jr}$	: فعالیت نت $r$ ام بر روی $m_{1j}$
$t_{1jr}$	: مدت زمان انجام $PM_{1jr}$
$U_{1jr}^E$	: زودترین زمان تکمیل $PM_{1jr}$
$U_{1jr}^L$	: دیرترین زمان تکمیل $PM_{1jr}$
$[U_{1jr}^E, U_{1jr}^L]$	: پنجره زمانی جهت تکمیل $PM_{1jr}$
$M_{ikl}$	: مجموعه ماشین های در دسترس برای پردازش عملیات $O_{ik}$ در ایستگاه کاری 1 ام

• معرفی متغیرهای تصمیم

$C_{ik}$	: زمان تکمیل $O_{ik}$
$u_{1jr}$	: زمان تکمیل $PM_{1jr}$
$v_{iklj}$	$v_{iklj} = \begin{cases} 1 & \text{اگر } C_{ik} \text{ پیش از } PM_{1jr} \text{ انجام شود} \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$
$x_{iklj}$	$x_{iklj} = \begin{cases} 1 & \text{گر } m_{1j} \text{ جهت انجام } C_{ik} \text{ انتخاب شود} \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$
$y_{ikhq}$	$y_{ikhq} = \begin{cases} 1 & \text{گر } O_{ik} \text{ پیش از } O_{hq} \text{ انجام شود} \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$

• توابع هدف مسأله

$$F = a_1 F_1 + a_2 F_2 + a_3 F_3 \quad (1)$$

$$F_1 = C_{\max} = \max\{C_i \mid i=1, \dots, N\} \quad (2)$$

$$F_2 = \bar{F} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N \max\{C_i - r_i\} \quad (3)$$

$$F_3 = \bar{T} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N \max\{\beta_i(C_i - d_i), 0\} \quad (4)$$

گردش مجدد کارها، اتکای بیش از حد الگوریتم های تکاملی به مکانیسم های ترکیب مجدد و انتخاب تصادفی را از عمده محدودیت های این روش عنوان کردند.

کولینر [۳۵] در استفاده از عملگرهای ژنتیک توصیه کرد که استفاده از عملگرهای دو یا چند نقطه برش نسبت به سایر عملگرها ارجحیت دارد. داقلی و سیستیسانچی [۳۶] یکی از عمده ایرادات وارد بر الگوریتم های ژنتیک کلاسیک را همگرایی زودرس و افتادن آنها در نقاط بهینه محلی عنوان کردند.

در سال ۲۰۰۹ نهاوندی و عباسیان [۳۷ و ۳۸] برای حل مسأله FDJSPM، الگوریتم ژنتیک ساده ای با کروموزوم دو بعدی ارائه کرده و برتری روش خود را نسبت به یک روش مشابه موجود در ادبیات نشان دادند. در همین سال امیری و همکاران [۳۹] برای تنظیم عملگرهای ژنتیک خود از یک طرح مرکب برای شبیه سازی رفتار کروموزوم ها استفاده کردند. در همین سال مورینو و همکاران [۴۰] یک بازنمایی دودویی از کروموزوم های GEP را برای جواب های موجه پیشنهاد کردند. در سال ۲۰۱۰، نهاوندی و عباسیان [۴۱] برای حل مسأله خود، الگوریتم ژنتیک با کروموزوم های دو بعدی پویا ارائه کردند. در همین سال ورما و همکاران [۴۲] در الگوریتم ژنتیک خود روشی موسوم به تکنیک محاسبه داده بر را پیشنهاد کردند.

بر اساس مطالعه جامعی که درخصوص پیشینه تحقیق انجام گرفت، هدف این مقاله، مدل سازی و حل مسأله زمان بندی کار کارگاهی چندهدفی انعطاف پذیر پویا با وجود محدودیت نت در نظر گرفته شد. در ادامه به بررسی مدل ریاضی مسأله پرداخته می شود.

۳. ارائه مدل ریاضی

۳-۱. تعریف مسأله

در تحقیق حاضر یک مدل ریاضی از نوع برنامه ریزی غیر خطی عدد صحیح مختلط برای مسأله مورد مطالعه ارائه شده است. در این مدل، به تعداد  $n$  کار و  $L$  مرحله پردازش وجود دارد که انجام هر کار در کارگاه پویا، به مجموعه ای عملیات مشخصی نیازمند است. کار  $i$  ام دارای  $O_i$  عملیات با توالی معین است. هر قطعه مانند قطعه  $i$  ام، جهت پردازش در یک زمان غیر صفر  $r_i$  وارد کارگاه پویا می شود. ایستگاه کاری 1 ام دارای  $m_1$  ماشین موازی یکسان با سرعت های متفاوت است. عملیات  $O_{ik}$  توسط ماشین  $m_{1j}$  از مجموعه ماشین های در دسترس  $M_{ikl}$  و در ایستگاه کاری از پیش تعیین شده  $W_1$ ، به مدت  $P_{iklj}$  واحد زمانی پردازش می شود. ماشین  $m_{1j}$  دارای  $R_{1j}$  فعالیت نت می باشد که می بایست در طول افق برنامه ریزی انجام شوند. همچنین فعالیت نت  $PM_{1jr}$  به مدت  $t_{1jr}$  واحد زمانی انجام شده و در پنجره زمانی مشخصی تکمیل می شود. در ادامه پارامترها و متغیرهای تصمیم معرفی و سپس مدل ریاضی مسأله ارائه خواهد شد.

## • محدودیت‌های مسأله

$$(c_{ik} - c_{i,k-1}) \geq p_{iklj} \cdot x_{iklj} \quad k=2,3,\dots,q; \forall i,l,j \quad (5)$$

$$(c_{ik} - c_{hq} - p_{iklj}) \cdot x_{iklj} \cdot x_{hqlj} (1 - y_{ikhq}) \geq 0 \\ \forall \{i,h | i \neq h\}, k,q,l,j \quad (6)$$

$$(c_{hq} - c_{ik} - p_{hqlj}) \cdot x_{iklj} \cdot x_{hqlj} \cdot y_{ikhq} \geq 0 \\ \forall \{i,h | i \neq h\}, k,q,l,j \quad (7)$$

$$(c_{ik} - u_{ljr} - p_{iklj} - r_i) \cdot x_{iklj} \cdot (1 - v_{iklj}) \geq 0 \\ \forall i,k,l,j,r \quad (8)$$

$$(u_{ljr} - c_{ik} - t_{ljr} - r_i) \cdot x_{iklj} \cdot v_{iklj} \geq 0 \\ \forall i,k,l,j,r \quad (9)$$

$$\sum_{l=1}^L \sum_{j \in M_{ik}} x_{iklj} = 1 \quad \forall i,k \quad (10)$$

$$U_{ljr}^E \leq u_{ljr} \leq U_{ljr}^L \quad \forall l,j,r \quad (11)$$

$$c_{ik} \geq 0 \quad \forall i,k \quad (12)$$

$$u_{ljr} \geq 0 \quad \forall l,j,r \quad (13)$$

$$x_{iklj}, y_{ikhq}, v_{iklj} \in \{0,1\} \\ \forall \{i,h | i \neq h\}, k,q,l,j,r \quad (14)$$

مجموعه عملیاتی که روی یک ماشین انجام می‌شوند، تداخل زمانی نداشته باشند. نامعادلات (۸) و (۹) بیانگر محدودیت عدم همزمان بودن انجام فعالیت‌های نت و عملیات کارهای مختلف بر روی یک ماشین هستند.

همچنین مجموعه این نامعادلات پویایی مسأله به دلیل متفاوت بودن زمان ورود کارها به کارگاه را نیز دربر می‌گیرند. معادله (۱۰) نشان می‌دهد که می‌بایست، یک ماشین از مجموعه ماشین‌های در دسترس جهت انجام هر عملیات انتخاب شود و نامعادله (۱۱) بیان می‌کند که فعالیت‌های نت می‌بایست در پنجره زمانی مشخصی تکمیل شوند.

## ۳-۶. پیچیدگی مسأله

از آنجاییکه مسأله FDJSP با انعطاف‌پذیری عملیات، قویاً Np-hard است [۲۹]. لذا مسأله MO-FDJSPM نیز با در نظر گرفتن انعطاف‌پذیری ناشی از ماشین‌های موازی در محیط ساخت و تولید پویا با در نظر گرفتن محدودیت نت نیز قویاً Np-hard خواهد بود.

## ۳-۷. رویکرد حل مسأله

مسأله اصلی تحقیق به سه زیرمسأله مسیریابی، تعیین توالی و زمان‌بندی نت تقسیم می‌شود. در تحقیق حاضر دو زیرمسأله مسیریابی و تعیین توالی به کمک الگوریتم ژنتیک (کلاسیک و توسعه‌یافته) حل می‌شوند و برای حل زیرمسأله زمان‌بندی نت از یک الگوریتم ابتکاری استفاده می‌شود.

## ۴. الگوریتم ژنتیک پیشنهادی

## ۴-۱. طراحی الگوریتم ژنتیک برای حل مسأله (نمایش کروموزوم‌ها (کدینگ مسأله))

بازنمایی جواب‌های مسأله به شکل کروموزوم، اولین مرحله در حل مسائل بهینه‌سازی به کمک الگوریتم ژنتیک است [۴۳]. در طراحی کروموزوم‌ها در نظر داشتن معیارهای همچون حداقل نیاز به فضا و زمان، حائز اهمیت است [۴۴]. مسأله MO-FDJSPM با در نظر گرفتن محدودیت نت، به دو زیرمسأله تخصیص و تعیین توالی عملیات تجزیه می‌شود. الگوریتم ژنتیک پیشنهادی نیز طوری طراحی شده است که بتواند به طور یکپارچه و همزمان هر دو زیرمسأله مذکور را حل کند. برای این منظور از یک کروموزوم دو بعدی استفاده می‌شود. در این بازنمایی، طول کروموزوم برابر تعداد کل عملیات کارهای موجود برای زمان‌بندی و عرض آن نیز برابر سه است. در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی، رشته اول، دوم و سوم کروموزوم به ترتیب نمایانگر ایستگاه کاری، شماره ماشین و اولویت تخصیص یافته به هر عملیات را نشان می‌دهد. بنابراین هر جواب مسأله به صورت یک آرایه دو بعدی نمایش داده می‌شود.

## ۳-۵. شرح مدل

معادله (۱)، تابع هدف مسأله را که کمینه‌سازی مجموع وزنی توابع هدف حاصل از روابط (۲) تا (۴) با ضرایب معین  $a_3, a_2, a_1$  است را نشان می‌دهد. لازم به ذکر است که در سیستم‌های ساخت و تولید واقعی، مقادیر ضرایب وزنی  $a_3, a_2, a_1$  بایستی توسط خبرگان آن صنعت تعیین شود که ممکن است این مقادیر وزنی از یک محیط ساخت و تولید به محیط ساخت و تولید دیگر متفاوت باشند.

در تحقیق حاضر فرض می‌شود که همه این اهداف اولویت یکسانی را در سطح کارگاه دارند، بنابراین مقادیر  $a_3, a_2, a_1$  را یکسان و برابر با مقدار فرضی  $\frac{1}{3}$  در نظر خواهیم گرفت. جریمه هر واحد دیرکرد در تحویل قطعات را برای کلیه کارها برابر یک فرض می‌کنیم ( $\beta_j = 1$ ). نامعادلات (۵) تضمین می‌کند که مجموعه توالی عملیات کارها تداخل زمانی نداشته باشند، مجموعه محدودیت‌های (۶) و (۷) به طور همزمان تضمین می‌کنند که

## ۲-۱-۴. سایر فاکتورهای اصلی الگوریتم ژنتیک

تنظیم سایر فاکتورهای اصلی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی که شامل جمعیت اولیه، عملگر تقاطعی، عملگر جهش، رویه انتخاب، تابع برازندگی، استراتژی برخورد با محدودیتها و معیار توقف است؛ بدین صورت است که: در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی به منظور اجتناب از همگرایی زودرس، از هیچ گونه روش ابتکاری برای تولید جمعیت اولیه استفاده نمی‌شود. در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی عملگر تقاطع مکان محور بر روی رشته تخصیص ماشین (رشته اول و دوم کروموزوم) و عملگر تقاطع RMX بر روی رشته توالی عملیات (رشته سوم کروموزوم) اعمال می‌شود. در این الگوریتم از فضای نمونه‌گیری توسعه یافته استفاده می‌شود. در مسائل بهینه‌سازی چندهدفی استفاده از تابع مجموع وزنی برای ارزیابی مقدار شایستگی جواب‌ها در الگوریتم ژنتیک یک روش متداول است. در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی، رشته‌های تخصیص مسأله (مرحله و ماشین) همواره موجه خواهد بود. در رشته توالی عملیات این ساختار نیز، فقط امکان غیرموجه بودن محدودیت تقدم توالی بین عملیات‌های یک کار وجود دارد که با استفاده از روش اصلاحی (با مرتب سازی غیرنزولی توالی عملیات‌های هر کار) رفع خواهد شد.

## ۲-۴. الگوریتم ابتکاری جهت حل زیرمسأله نت در الگوریتم پیشنهادی

در سال ۲۰۱۰، ذگردی و رحیمی جهت حل زیر مسأله زمان‌بندی نت برای مسأله زمان‌بندی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر، یک الگوریتم ابتکاری ارائه نمودند [۲۳]. در تحقیق حاضر، الگوریتم آنها جهت حل زیر مسأله زمان‌بندی نت و اعمال بر روی ماشین‌های موازی در حالت وجود بیش از یک فعالیت نت برای هر ماشین برای مسئله تحقیق با در نظر گرفتن پویایی کارها، توسعه داده شده است. گام‌های این الگوریتم ابتکاری به شرح زیر می‌باشند:

- **گام ۱:** فعالیت‌های نت کلیه ماشین‌های ایستگاه‌ها را در انتهای پنجره زمانی خود، به صورت  $u_{ijr}^L = U_{ijr}^L$  زمان‌بندی کنید.
  - **گام ۲:** عملیات کلیه کارها را بر اساس اولویت در توالی، به اولین ماشین در دسترس ایستگاه کاری از پیش تعیین شده، تخصیص دهید؛ این کار را تا رسیدن به نزدیک‌ترین پنجره زمانی انجام فعالیت نت هر ماشین ادامه دهید.
  - **گام ۳:** در بازه زمانی انجام فعالیت نت، در صورت در دسترس بودن ماشین و امکان انجام عملیات پیش از فعالیت نت، عملیات را به ماشین مورد نظر تخصیص داده و به گام ۵ بروید؛ در غیر این صورت فعالیت نت را تا آنجا که امکان دارد به صورت  $u_{ijr}^E = \text{Max}\{t_{m_{ij}} + t_{ijr}, U_{ijr}^E\}$  به سمت چپ جابه‌جا نموده و به ابتدای پنجره زمانی خود نزدیک کنید.
  - **گام ۴:** در صورت در دسترس بودن ماشین و امکان انجام عملیات پس از فعالیت نت، عملیات را به ماشین تخصیص دهید.
  - **گام ۵:** در صورتی که عملیات کلیه کارها زمان‌بندی شده‌اند به الگوریتم خاتمه دهید؛ در غیر این صورت به گام ۲ بازگردید.
- در ادامه، به طراحی آزمایش‌های عددی در دو حالت کاملاً مجزا، جهت بررسی کارایی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی و حل مسأله تحقیق با وجود فرض نت پرداخته خواهد شد. در ابتدا برای بررسی کارایی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی، به مقایسه عملکرد آن با یک روش فرا ابتکاری موجود در ادبیات موسوم به روش فرا ابتکاری GP

## ۳-۱-۴. تنظیم پارامترها به صورت دینامیک

یکی از معایب الگوریتم‌های ژنتیک کلاسیک خاصیت همگرایی این روش است [۱۷]. در الگوریتم ژنتیک، دو عملگر ژنتیک کلاسیک (نرخ تقاطعی و جهش)، بر نحوه همگرایی مسأله رقابت می‌کنند. در حالی که به‌کارگیری عملگر جهش در جمعیت تنوع ایجاد می‌کند، عملگر تقاطعی جمعیت را مجبور به همگرا شدن می‌نماید [۱۸، ۱۹]. با در نظر داشتن این واقعیت، در تنظیم پارامترهای الگوریتم ژنتیک همواره سعی می‌شود که تنظیمی بهینه برای احتمال کاربرد عملگرهای جهش و تقاطع یافت شود. از طرفی می‌دانیم که تعیین و به کار بردن مقادیر ثابت برای احتمال انجام عملگرهای جهش و تقاطع در اجرای الگوریتم ژنتیک، ممکن است مشکلاتی را در نسل‌های انتهایی الگوریتم ایجاد کند و باعث همگرایی زودرس الگوریتم شود. برای بهبود الگوریتم ژنتیک و نیز اجتناب از همگرایی زودرس، می‌توان از تکنیک «تغییر نرخ‌های تبادل و جهش در حین اجرای الگوریتم ژنتیک» استفاده کرد، به این صورت که بعد از تولید هر نسل جدید، با استفاده از داده‌های آماری، فاصله برازندگی اعضای جمعیت نسبت به برازندگی بهترین عضو آن سنجیده شود، در صورتی که تعداد زیادی از اعضا جمعیت دارای برازندگی‌های نزدیک به برازندگی بهترین عضو باشند. در این شرایط ممکن است همگرایی زودرس رخ داده باشد، در این صورت به نظر می‌رسد کاهش احتمال مربوط به عملگر تقاطع و افزایش احتمال جهش می‌تواند الگوریتم را از نقاط بهینه محلی خارج کند. در عوض اگر تعداد زیادی از کروموزوم‌ها دارای کیفیت دور از کیفیت بهترین فرد

### ۵. طراحی و اجرای آزمایش‌های عددی

#### ۵-۱. طراحی آزمایش‌های عددی برای بررسی کارایی الگوریتم

##### ژنتیک پیشنهادی

در این بخش برای بررسی کارایی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی، به مقایسه عملکرد آن با روش فرا ابتکاری GP که توسط تی و هوو (۲۰۰۷) برای حل مسأله MO-FJSP، خواهیم پرداخت.

#### ۵-۲. تولید داده‌های تصادفی

برای تولید داده‌های تصادفی یازده پارامتر مطابق با جدول (۱) از مسأله شناسایی شده است. در حالت کلی، همه ترکیبات این سطح تست خواهد شد. با توجه به جدول (۱) ملاحظه می‌شود که ۱۲ سناریوی آزمایشی وجود دارد که ۱۰ مجموعه داده برای هر کدام از ترکیبات کار و مرحله، تولید می‌شود. هر کدام از الگوریتمها با ۱۲۰ مجموعه داده تولید شده، اجرا شده‌اند.

که توسط تی و هوو (۲۰۰۷) برای حل مسأله MO-FJSP، با در نظر گرفتن انعطاف‌پذیری عملیات، ارائه شده است؛ خواهیم پرداخت. سپس با نشان دادن کارایی الگوریتم پیشنهادی، در بخش بعدی به بررسی عملکرد الگوریتم ژنتیک پیشنهادی برای حل مسأله تحقیق با وجود فرض نت خواهیم پرداخت. در این بخش نیز ارزیابی در دو حالت مجزا انجام خواهد شد.

در حالت نخست با در نظر داشتن این واقعیت که مسأله کار کارگاهی انعطاف‌پذیر حالت ساده شده‌ای از مسأله تحقیق است که در آن تعداد دوره‌های عدم دسترسی برای ماشین‌ها صفر ( $R=0$ ) می‌باشد؛ عملکرد الگوریتم ژنتیک پیشنهادی با روش فرا ابتکاری RKGGA که توسط کرز و آسکین (۲۰۰۴) ارائه شده مقایسه می‌شود. سپس در حالت دوم، مسأله تحقیق با در نظر گرفتن یک، دو و سه فعالیت نت بر روی هر ماشین ( $R=1,2,3$ ) مورد مطالعه قرار گرفته و نتایج حاصل از آن به کمک شاخص مورد استفاده گائو و همکاران (۲۰۰۶) با حالت اول ( $R=0$ ) مقایسه خواهد شد [۷].

جدول ۱. سطوح عوامل مسئله MO-FDJSPM

Parameter	Values	States	
Flexibility	100%(FJSP-100) ; 50%(FJSP-50) ; 20%(FJSP-20) [1xm] ; [0.5xm] ; [0.2xm]	1	
nJobsxnMachines	10x5,20x5,50x5,20x10,50x10,100x10,50x15,100x15 and 200x15	1	
Processing time ( $p_{i,j,k}$ )	$U[(nMachines)/2, (nMachines) \times 2]$	1	
$dev(p_{i,j,k}, p_{i,j,t})$	5	1	
# of Operation	$U[m/2, m]$	1	
Release Date ( $r_i$ )	If nJobs $\geq$ 50: $U[0,40]$ ; Otherwise, $U[0,20]$	1	
Tightness factor of Due Date (C)	1.2 (tight), 1.5 (moderate), 2 (loose)	3	
Due Date ( $d_i$ )	$r_i + c \times \sum_{j=1}^{n_i} p_{ij}$	1	
Machne distribution	Constant	Variable	2
# of miachines ( $L_i$ )	2 - n	$U[1,4]$ - $U[1, n]$	2
Speed of machines		$U[1,3]$	1
Number of Scenarios		12	

#### ۵-۳. تنظیم پارامترها

موجود در ادبیات از مقادیر تابع مجموع وزنی استفاده می‌شود. پارامترهای جمع‌آوری شده از اجرای الگوریتمها بطور خلاصه در جداول ۲ تا ۴ آمده است [۳۷].

بر اساس نتایج حاصل از آزمایشات برای تنظیم پارامترها، نتایج آزمایشات به ترتیب بیانگر مقادیر ۲۰٪، ۰٫۷، ۰٫۰۲ و ۰٫۰۲۵ برای پارامترهای ( $\mu'$ )، ( $p_c$ )، ( $p_{m1}$ ) و ( $p_{m2}$ ) می‌باشد.

#### ۵-۵. نتایج آزمایش‌های عددی

##### الف. سطح انعطاف‌پذیری پایین

بررسی الگوریتمها در این سطح مؤید این مطالب است که: GA - ۱ پیشنهادی بر اساس شاخص «کمترین مقدار تابع هدف» در ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ بترتیب با میانگین ۲٫۶۵٪، ۳٫۱۶٪ و ۵٫۹۰٪ بهبود و در کل با میانگین ۳٫۹۰٪ بهبود، برتری محسوسی نسبت به GP دارد.

#### ۵-۴. روش انجام آزمایشات عددی

نخست الگوریتم‌های ارائه شده به زبان ++C کد شده و با یک کامپیوتر (Pentium IV (CPU 3 GHz, 1 GB of RAM) در محیط Borland ++C 5.02 اجرا می‌شوند. هر کدام از الگوریتمها (GA پیشنهادی و GP) با همان ۱۲۰ مجموعه داده تولید شده، اجرا می‌شوند. برای مقایسه GA پیشنهادی با الگوریتم‌های GP

مراحل، به ترتیب با میانگین ۳،۸۸٪، ۳،۹۴٪ و ۵،۹۴٪ بهبود و در کل با میانگین ۴،۵۹٪ بهبود، کارایی خود را نسبت به الگوریتم GP نشان می دهد.

۲. GA پیشنهادی بر اساس شاخص «میانگین تابع هدف» در ابعاد مختلف به ترتیب با میانگین ۵،۵۹٪، ۴،۸۸٪ و ۵،۵۳٪ بهبود و در کل با میانگین ۵،۳۳٪ درصد بهبود، عملکرد بهتری نسبت به الگوریتم GP دارد.

۳. در این سطح از انعطاف پذیری نیز مجدداً ملاحظه می شود که تنها نقطه قوت الگوریتم GP نسبت به روش GA پیشنهادی میانگین زمان حل در ابعاد مختلف از مسأله می باشد. بیشترین زمانی که GA پیشنهادی صرف یافتن جواب بهینه می کند با توجه به داده های جدول (۳) برابر ۸،۸۶ دقیقه می باشد. البته بهبودهای صورت گرفته توسط GA پیشنهادی، زمان زیادی که این الگوریتم نسبت به الگوریتم GP صرف یافتن جواب می کند را توجیه می نماید.

بنابراین این افزایش زمان با توجه به ابعاد مسأله و میزان بهبود صورت گرفته قابل توجیه می باشد.

۲- «میانگین تابع هدف» بهترین معیار برای ارزیابی الگوریتم ها به نظر می رسد. GA پیشنهادی بر اساس این شاخص در ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ به ترتیب با میانگین ۴،۳۴٪، ۳،۶۴٪ و ۵،۳۴٪ بهبود و در کل با میانگین ۴،۹۰٪ درصد بهبود، عملکرد بهتری نسبت به الگوریتم GP دارد.

تنها نقطه قوت الگوریتم GP نسبت به GA پیشنهادی با توجه به نتایج جدول (۲) با در نظرگیری شاخص میانگین زمان حل در ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ مسأله نمایان می شود. البته بهبودهای صورت گرفته توسط GA پیشنهادی، زمان نسبتاً زیادی را که این الگوریتم نسبت به الگوریتم GP صرف پیدا کردن جواب می کند، را توجیه می نماید. البته با توجه به نتایج جدول (۲) ملاحظه می شود که در بدترین حالت GA پیشنهادی برای حل مسائل بزرگ ۸،۷۹ دقیقه زمان سپری کرده است.

### ب. سطح انعطاف پذیری متوسط

بررسی الگوریتم ها در این سطح مؤید این مطالب است که:

۱. GA پیشنهادی بر اساس شاخص «کمترین مقدار تابع هدف» در هر سه بعد کوچک، متوسط و بزرگ و به تفکیک تعداد

جدول ۲. مقایسه نتایج عددی حاصل از اجرای GA پیشنهادی و GP برای مسئله FJSP-20

میانگین کلیه ابعاد	15				10				5				تعداد ماشینها	
	کل	200	100	50	کل	100	50	20	کل	50	20	10	تعداد کار	تابع هدف
220.31	542.72	1754.17	1006.63	542.72	105.68	549.04	300.32	105.68	12.53	43.34	20.40	12.53	بهترین	تابع هدف
494.65	1124.87	1804.64	1027.48	542.50	327.67	561.87	305.47	115.66	31.41	56.09	21.24	16.90	میانگین	هدف
90.23	240.08	521.18	170.89	28.18	27.33	69.21	12.09	0.71	3.28	8.61	0.88	0.35	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین زمان حل (ثانیه)
232.74	580.82	1854.89	1067.48	580.82	105.26	578.82	315.23	105.26	12.12	46.53	21.35	12.12	بهترین	تابع هدف
524.94	1197.42	1906.42	1087.47	598.38	344.13	594.38	322.01	116.02	33.26	59.93	23.33	16.51	میانگین	هدف
0.0318	0.0370	0.0538	0.0342	0.0230	0.0308	0.0412	0.0312	0.0200	0.0277	0.0350	0.0280	0.0200	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین زمان حل (ثانیه)
3.90%	5.90%	5.43%	5.70%	6.56%	3.16%	5.15%	4.73%	-0.40%	2.65%	6.84%	4.45%	-3.35%	بهترین	تابع هدف
4.90%	6.73%	5.34%	5.52%	9.34%	3.64%	5.47%	5.14%	0.31%	4.34%	6.41%	8.98%	-2.37%	میانگین	هدف

جدول ۳. مقایسه نتایج عددی حاصل از اجرای GA پیشنهادی و GP برای مسئله FJSP-50

میانگین کلیه ابعاد	15				10				5				تعداد ماشینها	
	کل	200	100	50	کل	100	50	20	کل	50	20	10	تعداد کار	تابع هدف
182.75	443.29	1627.94	781.86	443.29	94.20	514.93	227.31	94.20	10.75	53.09	21.20	10.75	بهترین	تابع هدف
436.33	989.94	1686.45	829.03	454.33	288.81	525.47	243.04	97.92	30.24	54.61	23.64	12.46	میانگین	هدف
92.04	244.88	531.60	174.31	28.74	27.88	70.59	12.33	0.72	3.34	8.78	0.90	0.36	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین زمان حل (ثانیه)
192.84	472.09	1731.01	829.82	472.09	95.77	545.93	238.05	95.77	10.66	57.12	22.41	10.66	بهترین	تابع هدف
462.48	1048.80	1796.44	865.01	484.95	305.93	559.23	257.73	100.84	32.72	59.79	26.05	12.32	میانگین	هدف
0.0325	0.0391	0.0538	0.0374	0.0262	0.0308	0.0412	0.0312	0.0200	0.0277	0.0350	0.0280	0.0200	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین زمان حل (ثانیه)
4.59%	5.94%	5.95%	5.78%	6.10%	3.94%	5.68%	4.51%	1.64%	3.88%	7.06%	5.40%	-0.81%	بهترین	تابع هدف
5.33%	5.53%	6.12%	4.16%	6.31%	4.88%	6.04%	5.70%	2.89%	5.59%	8.65%	9.24%	-1.12%	میانگین	هدف

## ج. سطح انعطاف پذیری بالا

بررسی الگوریتمها در این سطح از مسأله مؤید این است که:

۱. GA پیشنهادی بر اساس شاخص «کمترین مقدار تابع هدف» در ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ به ترتیب با میانگین  $3.45\%$ ،  $4.09\%$  و  $6.12\%$  بهبود و در کل با میانگین  $4.55\%$  بهبود، برتری محسوسی نسبت به GP دارد.
۲. «میانگین تابع هدف» بهترین معیار برای ارزیابی الگوریتمها به نظر می‌رسد. GA پیشنهادی بر اساس این شاخص در ابعاد مختلف برترتیب با میانگین  $3.78\%$ ،  $4.17\%$  و  $5.85\%$  بهبود و در کل با میانگین  $4.60\%$  بهبود، عملکرد بهتری نسبت به GP دارد.
۳. در اینجا نیز تنها نقطه قوت الگوریتم تکاملی GP نسبت به GA پیشنهادی، با در نظر گرفتن شاخص میانگین زمان حل نمایان می‌شود. میانگین زمان حل نیز همانند حالت انعطاف پذیر پایین و متوسط، در این حالت نیز قابل قبول به نظر می‌رسد.

## ۵-۲. طراحی آزمایش‌های عددی برای حل مسأله تحقیق با

## وجود فرض نت

## الف. روش مورد مقایسه

در این بخش عملکرد الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در دو حالت ارزیابی خواهد شد. از آنجائیکه مسأله کار کارگاهی انعطاف‌پذیر حالت ساده شده‌ای از مسأله تحقیق است که در آن تعداد دوره‌های عدم دسترسی برای ماشین‌ها صفر ( $R=0$ ) می‌باشد. لذا در این حالت، عملکرد الگوریتم ژنتیک پیشنهادی با روش فرا ابتکاری RKGA که توسط کرز و آسکین (۲۰۰۴) ارائه شده مقایسه می‌شود.

در حالت دوم، مسأله تحقیق با در نظر گرفتن یک، دو و سه فعالیت نت بر روی هر ماشین ( $R=1,2,3$ ) مورد مطالعه قرار گرفته و نتایج حاصل به کمک شاخص مورد استفاده گائو و همکاران (۲۰۰۶) با حالت اول ( $R=0$ ) مقایسه می‌شود [۷].

جدول ۴. مقایسه نتایج عددی حاصل از اجرای GA پیشنهادی و GP برای مسئله FJSP-100

میانگین کلیه ابعاد	15			10			5			تعداد ماشینها		تعداد کار		
	کل	200	100	50	کل	100	50	20	کل	50	20			10
172.84	407.51	1529.05	773.51	407.51	102.29	489.14	228.18	102.29	8.73	47.11	20.43	8.73	تابع هدف	الگوریتم ژنتیک پیشنهادی GA
413.75	925.91	1562.26	803.21	412.27	286.55	511.18	243.42	105.05	28.79	51.05	22.34	12.99	میانگین	
93.12	247.73	538.52	175.57	29.11	28.24	71.51	12.49	0.73	3.39	8.90	0.91	0.36	میانگین زمان حل (ثانیه)	
181.30	432.37	1650.60	816.40	432.37	102.93	519.92	242.00	102.93	8.61	49.96	21.76	8.61	تابع هدف	الگوریتم GP
438.66	982.02	1659.08	844.51	442.46	303.46	545.39	260.11	104.88	30.52	55.08	23.69	12.78	میانگین	
0.0535	0.0718	0.1170	0.0900	0.0083	0.0558	0.0866	0.0608	0.0200	0.0328	0.0479	0.0305	0.0200	میانگین زمان حل (ثانیه)	
4.55%	6.12%	7.36%	5.25%	5.75%	4.09%	5.92%	5.71%	0.63%	3.45%	5.70%	6.11%	-1.47%	تابع هدف	بهبود نرخ
4.60%	5.85%	5.84%	4.89%	6.82%	4.17%	6.27%	6.41%	-0.17%	3.78%	7.31%	5.70%	-1.68%	میانگین	

## ب. تولید داده‌های تصادفی

بمنظور تولید داده‌های تصادفی، نخست شش پارامتر مطابق جدول (۵) شناسایی می‌شود. بطوریکه برای پنج پارامتر نخست از کرز و آسکین (۲۰۰۴) و برای سرعت پردازش ماشین‌ها مشابه نهاوندی و عباسیان (۲۰۰۹) توزیع  $U(1,3)$  در نظر گرفته می‌شود. افزون بر پارامترهای جدول ۱، تعداد چهار حالت دیگر بشرح صفر، یک، دو و سه فعالیت نت بر روی هر ماشین ( $R=1,2,3$ ) در نظر گرفته شده است. در حالت کلی، همه ترکیبات این سطوح تست خواهد شد. جهت انجام آزمایش‌های عددی، تعداد ۲۸۸ سناریو امکان‌پذیر وجود دارد که از هر سناریو تعداد ۱۰ مثال تولید شده است. بنابراین در مجموع تعداد ۲۸۸۰ اجرا در آزمایش‌های عددی وجود دارد. الگوریتم ژنتیک پیشنهادی به زبان ++C کدنویسی شده و هر کدام

## جدول ۵. سطوح عوامل برای اجرای GA

عوامل	سطوح عوامل
تعداد کارها	۳۰ - ۱۰۰
توزیع ماشین‌ها	ثابت
تعداد ماشین‌ها	۲ - ۱۰
تعداد مراحل	۲ - ۴ - ۸
زمانهای پردازش	$U(20 و 100) - U(50 و 70)$
سرعت پردازش ماشین‌ها	$U(1 و 3)$



همکاران [۷] در سال ۲۰۰۶، جهت حل مسأله کار کارگاهی انعطاف پذیر با یک دوره عدم دسترسی برای هر ماشین ارائه شده بود، بررسی می شود. همانگونه که در جدول ۷ ملاحظه می شود، متوسط میزان افزایش میانگین تابع هدف در مقایسه با مجموع حداکثر مدت زمان انجام فعالیت های نت در ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ، دارای مقادیر کمتری است. پس با توجه به نتایج محاسبات، این امر دلالت بر ناچیز بودن افزایش تابع هدف داشته و کارا بودن روش ترکیبی را نشان می دهد.

بنابراین روش حل پیشنهادی بر اساس شاخص میانگین تابع هدف در ابعاد مختلف به ترتیب با میانگین  $0.61\%$ ،  $5.85\%$  و  $2.02\%$  افزایش و در کل با میانگین  $4.68\%$  درصد افزایش، عملکرد مناسبی دارد. همچنین با در نظر گرفتن شاخص میانگین زمان حل، تفاوت چندانی بین وجود یک فعالیت نت در مقایسه با حالت عدم وجود فعالیت نت ملاحظه نمی شود. در مقایسه حالت عدم وجود فعالیت نت با حالت وجود دو و سه فعالیت نت، با توجه به جداول ۸ و ۹، ملاحظه می شود که متوسط میزان افزایش میانگین تابع هدف در مقایسه با مجموع حداکثر مدت زمان انجام فعالیت های نت، کارایی روش ترکیبی را تأیید می کند. همچنین با در نظر گرفتن میانگین زمان حل تفاوت چندانی بین وجود دو و سه فعالیت نت در مقایسه با حالت عدم وجود فعالیت نت ملاحظه نمی شود. با توجه به نتایج، روش پیشنهادی بر اساس شاخص میانگین تابع هدف در حالت وجود یک، دو و سه فعالیت نت به ترتیب با میانگین  $4.68\%$ ،  $9.48\%$  و  $11.75\%$  افزایش از عملکرد مطلوبی برخوردار است.

از این دو الگوریتم با همان ۲۸۸ مجموعه داده تولید شده، اجرا می شوند.

### ج. تنظیم پارامترها

با توجه به نتایج حاصل از شبیه سازی، مقادیر تعداد کروموزومها، نرخ تقاطعی، احتمال جهش برای رشته تخصیص، احتمال جهش برای تعیین توالی به ترتیب مقادیر  $0.2$ ،  $0.7$ ،  $0.2$  و  $0.04$  است.

### د. نتایج آزمایش های عددی

در مرحله نخست، کارایی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در حالت عدم وجود فعالیت نت بر روی ماشینها ( $R=0$ ) با روش فراابتکاری RKGA مقایسه شده است. همانگونه که در جدول ۶، ملاحظه می شود، روش پیشنهادی با توجه به شاخص «میانگین تابع هدف» در ابعاد مختلف به ترتیب با میانگین  $1.33\%$ ،  $1.38\%$  و  $2.12\%$  بهبود و در کل با میانگین  $1.61\%$  بهبود، عملکرد بهتری نسبت به RKGA دارد. همچنین الگوریتم ژنتیک ارائه شده بر اساس شاخص کمترین مقدار تابع هدف در کل با میانگین  $0.94\%$  بهبود، و با توجه به شاخص میانگین تابع هدف در کل با میانگین  $68$  بار و در مجموع با  $609$  بار (از  $720$  اجرا) یا  $84.58\%$  بهبود از RKGA کارا تر است. در مرحله دوم تأثیر اعمال محدودیت نت بر عملکرد روش حل ارائه شده به ترتیب با در نظر گرفتن تعداد یک، دو و سه فعالیت نت بر روی هر ماشین ( $R=1,2,3$ ) بررسی شده و نتایج حاصل از این آزمایش ها با حالت عدم وجود فعالیت نت مقایسه می شود. در این حالت کارایی روش حل پیشنهادی به کمک شاخص «حداکثر مدت زمان انجام فعالیت های نت بر روی ماشینها» که توسط گائو و

جدول ۶. مقایسه نتایج آزمایش های الگوریتم ژنتیک پیشنهادی و روش RKGA

ابعاد مسئله	تعداد کار	تعداد مراحل	الگوریتم ژنتیک پیشنهادی ( $R=0$ )			روش RKGA			میزان بهبود (درصد)		تعداد دفعات بهبود		درصد دفعات بهبود	
			کمترین تابع هدف	میانگین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	کمترین تابع هدف	میانگین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	کمترین تابع هدف	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف	میانگین تابع هدف
کوچک	2		119	207.33	0.10	122	211.45	0.04	2.46%	1.95%	66	65	81.25%	78.75%
	6	4	244	319.73	0.25	236	318.17	0.04	-3.39%	-0.49%	48	60	57.50%	72.50%
	8	8	479	562.70	0.99	491	577.38	0.05	2.44%	2.54%	74	71	90.00%	86.25%
	میانگین بعد کوچک		280.67	363.25	0.45	283.00	369.00	0.04	0.50%	1.33%	63	65	76.25%	79.17%
متوسط	2		223	807.30	1.31	218	809.31	0.28	-2.29%	0.25%	57	62	68.75%	76.25%
	30	4	304	901.13	3.44	313	905.22	0.25	2.88%	0.45%	78	71	96.25%	86.25%
	8	8	553	1183.16	18.23	556	1225.13	0.24	0.54%	3.43%	65	71	77.50%	96.25%
	میانگین بعد متوسط		360.00	963.86	7.66	362.33	979.89	0.26	0.37%	1.38%	67	68	80.83%	86.25%
بزرگ	605	2	605	2754.29	11.53	622	2762.17	1.67	2.73%	0.29%	78	59	95.00%	71.25%
	701	4	701	2833.54	37.26	702	2935.18	2.53	0.14%	3.46%	60	75	73.75%	91.25%
	963	8	963	3630.34	242.47	992	3727.26	2.93	2.92%	2.60%	69	75	85.00%	93.75%
	میانگین بعد بزرگ		756.33	3072.72	97.09	772.00	3141.54	2.38	1.93%	2.12%	69	70	84.58%	85.42%
	میانگین کلیه ابعاد		465.67	1466.61	35.06	472.44	1496.81	0.89	0.94%	1.61%	66	68	80.56%	83.61%
	کل تعداد دفعات بهبود										595	609		
	درصد کل دفعات بهبود										82.64%	84.58%		

× در جدول فوق اعداد منفی نشان دهنده برتری روش RKGA می باشند.

جدول ۷. مقایسه نتایج آزمایش‌های الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در حالت  $R=0$  با  $R=1$

شخص کارایی الگوریتم ابتکاری نت	میزان افزایش (درصد)		روش پیشنهادی در حالت $R=1$			روش پیشنهادی در حالت $R=0$			تعداد کار	تعداد مراحل	ابعاد مسئله			
	میانگین	کمترین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف						
مجموع حداکثر مدت زمان انجام فعالیت های نت	میزان افزایش میانگین تابع هدف	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف					
116	14.305	116	14.31	7.53%	3.25%	0.13	224.21	123	0.10	207.33	119	2		
119	27.7625	119	27.76	7.10%	9.63%	0.36	344.17	270	0.25	319.73	244	4	6	کوچک
119	51.65	119	51.65	3.83%	5.52%	1.21	585.12	507	0.99	562.70	479	8		
118	31.23917	<b>118</b>	<b>31.24</b>	<b>6.15%</b>	<b>6.13%</b>	<b>0.57</b>	<b>384.50</b>	<b>300.00</b>	<b>0.45</b>	<b>363.25</b>	<b>280.67</b>			
118	39.93	118	39.93	5.85%	12.20%	1.77	857.43	254	1.31	807.30	223	2		
119	78.705	119	78.71	6.41%	20.63%	3.63	962.88	383	3.44	901.13	304	4	30	متوسط
117	100.4125	117	100.41	5.28%	11.24%	21.78	1249.18	623	18.23	1183.16	553	8		
118	73.01583	<b>118</b>	<b>73.02</b>	<b>5.85%</b>	<b>14.69%</b>	<b>9.06</b>	<b>1023.16</b>	<b>420.00</b>	<b>7.66</b>	<b>963.86</b>	<b>360.00</b>			
117	116.8225	117	116.82	3.55%	15.38%	13.06	2855.61	715	11.53	2754.29	605	2		
119	119.4425	119	119.44	1.98%	14.62%	41.21	2890.68	821	37.26	2833.54	701	4	100	بزرگ
120	119.9475	120	119.95	0.55%	14.40%	252.45	3650.31	1125	242.47	3630.34	963	8		
118.6667	118.7375	<b>119</b>	<b>118.74</b>	<b>2.02%</b>	<b>14.80%</b>	<b>102.24</b>	<b>3132.20</b>	<b>887.00</b>	<b>97.09</b>	<b>3072.72</b>	<b>756.33</b>			
118.2222	74.33083	<b>118</b>	<b>74.33</b>	<b>4.68%</b>	<b>11.87%</b>	<b>37.29</b>	<b>1513.29</b>	<b>535.67</b>	<b>35.06</b>	<b>1466.61</b>	<b>465.67</b>			میانگین کلیه ابعاد

جدول ۸. مقایسه نتایج آزمایش‌های الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در حالت  $R=0$  با  $R=2$

شخص کارایی الگوریتم ابتکاری نت	میزان افزایش (درصد)		روش پیشنهادی در حالت $R=2$			روش پیشنهادی در حالت $R=0$			تعداد کار	تعداد مراحل	ابعاد مسئله			
	میانگین	کمترین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف						
مجموع حداکثر مدت زمان انجام فعالیت های نت	میزان افزایش میانگین تابع هدف	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف					
236	44.78	236	44.78	7.90%	4.03%	0.13	225.10	124	0.10	207.33	119	2		
234	58.24	234	58.24	11.91%	7.92%	0.36	362.98	265	0.25	319.73	244	4	6	کوچک
233	40.25	233	40.25	7.47%	7.17%	1.22	608.15	516	0.99	562.70	479	8		
234	47.75	<b>234</b>	<b>47.75</b>	<b>9.09%</b>	<b>6.38%</b>	<b>0.57</b>	<b>398.74</b>	<b>301.67</b>	<b>0.45</b>	<b>363.25</b>	<b>280.67</b>			
237	131.30	237	131.30	11.56%	28.53%	1.74	912.80	312	1.31	807.30	223	2		
234	78.26	234	78.26	8.46%	25.31%	3.65	984.43	407	3.44	901.13	304	4	30	متوسط
240	207.31	240	207.31	14.02%	10.37%	21.92	1376.08	617	18.23	1183.16	553	8		
237	138.96	<b>237</b>	<b>138.96</b>	<b>11.35%</b>	<b>21.40%</b>	<b>9.10</b>	<b>1091.10</b>	<b>445.33</b>	<b>7.66</b>	<b>963.86</b>	<b>360.00</b>			
237	237.64	237	237.64	8.02%	17.57%	13.01	2994.43	734	11.53	2754.29	605	2		
236	236.94	236	236.94	9.42%	12.05%	41.27	3128.18	797	37.26	2833.54	701	4	100	بزرگ
239	236.11	239	236.11	6.59%	14.02%	252.61	3886.47	1120	242.47	3630.34	963	8		
237	236.90	<b>237</b>	<b>236.90</b>	<b>8.01%</b>	<b>14.55%</b>	<b>102.30</b>	<b>3336.36</b>	<b>883.67</b>	<b>97.09</b>	<b>3072.72</b>	<b>756.33</b>			
236	141.20	<b>236</b>	<b>141.20</b>	<b>9.48%</b>	<b>14.11%</b>	<b>37.32</b>	<b>1608.73</b>	<b>543.56</b>	<b>35.06</b>	<b>1466.61</b>	<b>465.67</b>			میانگین کلیه ابعاد

جدول ۹. مقایسه نتایج آزمایش‌های الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در حالت  $R=0$  با  $R=3$ 

ابعاد مسئله	تعداد کار	تعداد مراحل	روش پیشنهادی در حالت $R=0$			روش پیشنهادی در حالت $R=3$			میزان افزایش (درصد)	شاخص کارایی الگوریتم ابتکاری نت
			کمترین تابع هدف	میانگین تابع هدف	حل (ثانیه)	کمترین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	میانگین تابع هدف		
کوچک	2	2	119	207.33	0.10	124	236.23	0.13	0.81	
	6	4	244	319.73	0.25	275	366.45	0.31	0.58	
	8	8	479	562.70	0.99	509	619.15	1.04	0.90	
	میانگین بعد کوچک		280.67	363.25	0.45	302.67	407.28	0.49	0.76	
متوسط	2	2	223	807.30	1.31	316	888.75	1.49	0.69	
	30	4	304	901.13	3.44	412	1102.93	3.93	0.96	
	8	8	553	1183.16	18.23	625	1357.73	21.44	0.78	
	میانگین بعد متوسط		360.00	963.86	7.66	451.00	1116.47	8.95	0.81	
بزرگ	2	2	605	2754.29	11.53	727	3116.39	14.49	0.95	
	100	4	701	2833.54	37.26	805	3230.75	40.46	0.74	
	8	8	963	3630.34	242.47	1115	3921.23	253.01	0.85	
	میانگین بعد بزرگ		756.33	3072.72	97.09	882.33	3422.79	102.65	0.85	
میانگین کلیه ابعاد		465.67	1466.61	35.06	545.33	1648.84	37.37	0.81		

روش فرا ابتکاری RKGA، مقایسه و نشان داده شد روش پیشنهادی جهت حل مسأله تحقیق از RKGA کارا تر است. در حالت دوم، مسأله تحقیق به ترتیب با در نظر گرفتن تعداد یک، دو و سه فعالیت نت بر روی هر ماشین ( $R=1,2,3$ ) به کمک نسخه توسعه‌یافته از الگوریتم ژنتیک پیشنهادی حل و نتایج حاصل از آن با حالت اول ( $R=0$ ) مقایسه شد. در این حالت متوسط میزان افزایش میانگین تابع هدف در مقایسه با شاخص مجموع حداکثر مدت زمان انجام فعالیت‌های نت دارای مقادیر کمتری بود. این امر نشان دهنده تاثیر اندک وجود فعالیت نت در کیفیت جواب بوده و کارایی روش ترکیبی پیشنهادی را نشان می‌دهد. از جمله مسیرهای آتی تحقیق، وجود پنجره‌های زمانی نرم جهت نت، اعمال همزمان محدودیت دسترسی به صورت قطعی و تصادفی و افزایش کارایی الگوریتم‌های فرا ابتکاری بصورت ترکیبی می‌باشد.

### مراجع

- [1] Brandimarte, P., "Routing and Scheduling in a Flexible Job Shop by Taboo Search", Annals of Operations Research, 41, 1993, pp. 157-183.
- [2] Tay, J.C., Wibowo, D., "An Effective Chromosome Representation for Evolving Flexible Job-Shop Scheduling", Genetic and Evolutionary Computation Conference, 2004.
- [3] Tay, J.C., Ho, N.B., "Evolving Dispatching Rules Using Genetic Programming for Solving Multi-Objective Flexible Job-Shop Problems", Computer & Industrial engineering, 2007, Available from <www.elsevier.com>.
- [4] Kim, Y.K., Park, K., Ko, J., "A Symbiotic Evolutionary Algorithm for the Integration of Process Planning and

### ۶. جمع‌بندی و نتیجه‌گیری

در این مقاله یک مسأله ترکیبی از زمان‌بندی کار کارگاهی چندهدفی انعطاف‌پذیر با ماشین‌های موازی در محیط کار کارگاهی پویا ( $MO-FDJSPM^1$ ) و محدودیت نت برای ماشین‌ها معرفی شد. در ادامه برای حل مسأله الگوریتم ژنتیکی پیشنهاد شد که ساختار آن بر اساس ویژگی‌های مسأله  $MO-FDJSPM$  طراحی شده است که در آن، یک الگوریتم ابتکاری دیگر نیز بمنظور حل زیرمسأله نت پیشنهاد شد. با توجه به معایب الگوریتم ژنتیک کلاسیک، الگوریتم ژنتیک توسعه‌یافته‌ای پیشنهاد شد که پارامترهای کنترلی آن به طور دینامیک در طول فرآیند بهینه‌سازی تغییر می‌کند. طراحی آزمایش‌های عددی در دو بخش مجزا و بمنظور سنجش کارایی الگوریتم پیشنهادی و نیز سنجش کارایی الگوریتم پیشنهادی برای حل مسأله تحقیق با وجود فرض نت، صورت گرفت. نتایج حاصل از این توسعه نشانگر سرعت و کارایی بالای الگوریتم پیشنهادی در حل مسأله تحقیق در مقایسه با مدل کلاسیک الگوریتم است. در این مرحله، عملکرد نسخه توسعه یافته از الگوریتم پیشنهادی، با یک روش تکاملی موجود در ادبیات مورد مقایسه قرار گرفت. که برای سه سطح انعطاف‌پذیری جزئی، متوسط و کامل به ترتیب نشانگر ۳۰۹٪، ۴۰۵۹٪ و ۴۰۵۵٪ بهبود در شاخص «بهترین جواب به دست آمده» و نیز ۴۰۹٪، ۵۰۳۳٪ و ۴۰۶۰٪ بهبود در شاخص «میانگین جواب‌های به دست آمده» را داشت. در مرحله بعد برای سنجش کارایی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی برای حل مسأله تحقیق با وجود فرض نت، اثربخشی و کارایی نسخه توسعه‌یافته از الگوریتم پیشنهادی در دو حالت مجزا ارزیابی شد. در حالت اول، روش ارائه شده در حالت عدم انجام فعالیت نت بر روی ماشین‌ها ( $R=0$ ) با

- [20] Breit, J., "Improved Approximation for Non-Preemptive Single Machine Flow-Time Scheduling with an Availability Constraint", *European Journal of Operational Research*, 2006, pp. 1-9 .
- [21] Wu, C.C., Lee, W.C., "A Note on Single-Machine Scheduling with Learning Effect and an Availability Constraint", *Int. J. Advance Manufacturing Technology*, 2006.
- [22] Zribi, N., Kamel, A.E., Borne, P. "Minimizing the Makespan for the MPM Job-Shop with Availability Constraints", *Int. Journal of Production Economics*, 2007, pp. 1-10.
- [23] Zegordi, H., Rahimi, M., "Job Shop Scheduling With Maintenance Constraint", *Journal of Sharif*, 46, 2010, pp. 131-137.
- [24] Bruker, P., Jurisch, B., Sievers, B., "Discrete Applied Mathematics", 49, 1994, pp. 107-127.
- [25] Carlier, J., Pinson, E., *Management Science*, 35, 1989, pp. 164-176.
- [26] Gen, M., Cheng, R., "Genetic Algorithms and Engineering Design", John Wiley & Sons, 1997.
- [27] Brandimarte, P., "Theory and Methodology, Exploiting Process Plan Flexibility in Production Scheduling: A Multi-Objective Approach", *European Journal of Operational Research*, 114, 1999, pp. 59-71.
- [28] Ghedjati, F., "Genetic Algorithms for the Job-Shop Scheduling Problem with Unrelated Parallel Constraints: Heuristic Mixing Method Machines and Precedence", *Computer & Industrial Engineering*, 37, 1999, pp. 39-42.
- [29] Kacem, I., Hammadi, S., Borne, P., "Approach by Localization and Multi objective Evolutionary Optimization for Flexible Job-Shap Scheduling Problems", *IEEE Transaction on Systems, Man and Cybernetics*, 32(1), 2002, pp. 1-13.
- [30] Lee, Y.H., Jeong, C.S., Moon, C., "Advanced Planning and Scheduling with Outsourcing in Manufacturing Supply Chain", *Computer & Industrial Engineering*, 43, 2002, pp. 351-374.
- [31] Gen, M., Cheng, R., "Genetic Algorithm in Search, Optimization and Machine Learning", Addison-Wesley, Reading, MA, 2004.
- [32] Kurz, M.E., Askin, R.G., "Scheduling Flexible Flow-Lines with Sequence-Dependent Setup Times", *European Journal of Operational Research*, 159, 2004, pp. 66-82.
- [33] Kurz, M.E., Askin, R.G., "Comparing Scheduling Rules for Flexible Flow-Lines", *Int. J. Production Economics*, 85, 2003, pp. 371-388.
- [34] Ho, N.B., Tay, J.C., Lai, E. "An Effective Architecture for Learning and Evolving Flexible Job Shop Schedules", *European Journal of Operational Research*, 179, 2007, pp. 316-333.
- Job Shop Scheduling", *Computers & Operations Research*, 30, 2004, pp. 1151-1171.
- [5] Allaoui, H., Artiba, A., "Integrating Simulation and Optimization to Schedule a Hybrid Flow Shop with Maintenance Constraints". *Computers & Industrial Engineering*, 47: 2004, 431-450.
- [6] Allaoui, H., Artiba, A., "Scheduling Two-Stage Hybrid Flow Shop with Availability Constraints". *Computers & Operations Research*, 33: 2004, 1399-1419.
- [7] Gao, J., Gen, M., Sun, L. "Scheduling Jobs and Maintenances in Flexible Job Shop with a Hybrid genetic Algorithm", *Journal of Intelligent Manufacturing*. 17, 2006, pp. 493-507.
- [8] Adiri, I., Bruno, J., Frostig, E., Rinnooy-Kan, A.H.G., "Single Machine Flow-Time Scheduling with a Single Breakdown", *Acta Informatica*. 26, 1989, pp. 679-696.
- [9] Aggoune, R., Portmann, M.C., "Flow Shop Scheduling Problem with Limited Machine Availability a Heuristic Approach". *Int. J. Production Economics*, 99: 2005, 4-15.
- [10] Gharbi, A., Haouari, M., "Optimal Parallel Machines Scheduling with Availability Constraints". *Discrete Applied Mathematics*, 148: 2005, 63 - 87.
- [11] Lee, C.Y., "Two-Machine Flowshop Scheduling with Availability Constraints". *European Journal of Operational Research*, 114: 1997, 420-429.
- [12] Schmidt, G., "Scheduling on Semi-Identical Processors", *Zeitschrift fur Operations Research*. 28, 1984, pp. 153-162.
- [13] Graves, S., "A Review of Production Scheduling". *Operations Research*, 29: 1999, 646-675.
- [14] Schmidt, G. "Scheduling with Limited Machine Availability", *European Journal of Operational Research*. 121, 2000, pp. 1-15.
- [15] Blazewicz, J., Pesch, E., Sterna, M., "The Disjunctive Graph Machine Representation of the Job Shop Scheduling Problem". *European Journal of Operational Research*, 127: 2000, 317-331.
- [16] Xie, J., Wang, X., "Branch and Bound Algorithm for Flexible Flowshop with Limited Machine Availability", *Asian Information Science Life*. 1, 2002, pp. 241-248.
- [17] Cheng, T.C.E., Liu, Z., "Approximability of Two-Machine Flow shop Scheduling with Availability Constraints", *Operations Research Letters*. 31, 2003, pp. 319-322.
- [18] Kubzin, M.A., Strusevich, V.A., "Two-Machine Flow Shop No-Wait Scheduling with Machine Maintenance", *A Quarterly Journal of Operations Research*. 3, 2005, pp. 303-313.
- [19] Xie, J., Wang, X., "Complexity and Algorithms for Two-Stage Flexible Flow Shop Scheduling with Availability Constraints", *Computers and Mathematics with Applications*. 50, 2005, pp. 1629-1638.

- [35] Reeves Coline, R., "Modern Heuristic Techniques for Combinatorial Problems", John Wiley & Sons, 1993.
- [36] Dagli, C.H., Sittisathanchai, S., "Genetic Neurons-Scheduler: a New Approach for Job Shop Scheduling", International Journal of Production Economics, 41, 1995, pp. 135-145.
- [37] Abbasian, M., Nahavandi, N., "Minimization Flow Time in a Flexible Dynamic Job Shop with Parallel Machines", Tehran, Tarbiat Modares University, Engineering Department of Industrial Engineering, Master of Science Thesis, 2009.
- [38] Abbasian, M., Nahavandi, N., "Minimization Flow Time in a Flexible Dynamic Job Shop with Parallel Machines", Journal of Sharif, in press, 2010.
- [39] Amiri, M., Jamshidi, S.F., Sadeghiani J.S. "A Genetic Algorithm Approach for Statistical Multi-Response Models Optimization: A Case Study", Journal of Science & Technology, 49, pp. 131-137, 2009, Available from <www.google.com>.
- [40] Moreno-Torres, J.G., Llorca, X., Goldberg, D.E., "Binary Representation in Gene Expression Programming: Towards a Better Scalability", IlliGAL Report No. 2009003, 2009, Available from <www.google.com>.
- [41] Abbasian, M., Nahavandi, N., "Solving Multi-Objective Flexible Job-Shop Scheduling Problem with Parallel Machines", International Journal of Industrial Engineering of Production Research, in press, 2010.
- [42] Verma, A., Llorca, X., Venkataraman, S., Goldberg, D.E., Campbell, R.H., "Scaling eCGA Model Building via Data-Intensive Computing", IlliGAL Report No. 2010001, 2010.
- [43] Jansen, K., "Approximation Algorithms for Flexible Job Shop Problems", International Journal of Foundations of Computer Science, 2001.
- [44] Low, C., "Simulated Annealing Heuristic for Flow Shop Scheduling Problem with Unrelated Parallel Machines", Computer & operation Research, 32, 2005, pp. 2013-2025.