



INTEGRATED PRODUCTION-DISTRIBUTION PLANNING PROBLEM IN A MULTI-ECHELON SUPPLY CHAIN NETWORK DESIGN AND OPTIMIZATION: A MULTI-OBJECTIVE EVOLUTIONARY APPROACH

Keyvan Sarrafha, Abolfazl Kazemi* & Alireza Alinezhad

Keyvan Sarrafha, Young Researchers and Elite Club, Qazvin Branch, Islamic Azad University

Abolfazl Kazemi, Faculty of Industrial and Mechanical Engineering, Qazvin Branch, Islamic Azad University

Alireza Alinezhad, Faculty of Industrial and Mechanical Engineering, Qazvin Branch, Islamic Azad University

Keywords

Supply chain,
Integrated production-
Distribution planning,
Multi-objective
Evolutionary algorithms,
Particle swarm optimization

ABSTRACT

Nowadays, design and representation of the planning integrated models in order to optimize different activities of production and distribution in a supply chain network have great impact to reduce the costs of chain, and increasing the service level to customers consequently. In this paper, a new bi-objective mathematical model for integrated production-distribution planning problem in a four-echelon supply chain with several products and in multi-time period is presented. In addition to minimizing the total cost of supply chain, the second objective is minimizing lost of sale of products in case of not being able to fulfill customers' demands. In order to solve the proposed model a multi-objective particle swarm optimization (MOPSO) is presented. The performance of this method is compared with non-dominated sorting genetic algorithm (NSGA-II). Then, the results of implementing the algorithms on some test problems show that the proposed MOPSO outperforms the other algorithm for different metrics.

©2015 IUST Publication, IJIEPM. Vol. 26, No. 3, All Rights Reserved



طراحی و بهینه سازی مسئله برنامه ریزی یکپارچه تولید - توزیع در یک شبکه زنجیره تامین چند سطحی: یک نگرش تکاملی چند هدفه

کیوان صرافها، ابوالفضل کاظمی* وعلیرضا علی نژاد

چکیده:

امروزه، طراحی و ارائه مدل‌های یکپارچه برنامه‌ریزی به‌منظور بهینه‌سازی فعالیت‌های مختلف تولید و توزیع در یک شبکه زنجیره تامین، تأثیر به‌سزایی در کاهش هزینه‌های زنجیره و به تبع آن افزایش سطح خدمت به مشتریان دارد. در این مقاله، یکمدلریاضی دوهدفه جدیدی برای مسئله برنامه‌ریزی یکپارچه تولید-توزیع در یک زنجیره تامین چهار سطحی با چندین نوع محصول و در طی چندین دوره زمانی ارائه شده است. اهداف مسئله علاوه بر کمینه کردن کل هزینه‌های زنجیره، مقدار فروش از دست رفته محصولات در صورت عدم برآورده سازی تقاضای مشتریان را نیز به حداقل می‌رساند. به‌منظور حل مدل از یک الگوریتم چند هدفه مبتنی بر پارتو به نام الگوریتم بهینه سازی اجتماع ذرات چند هدفه (MOPSO) بهره جستیم و نتایج حاصله را با الگوریتم ژنتیک مرتب‌سازی نامغلوب (NSGA-II) مقایسه نموده‌ایم. در نهایت نتایج اجرای الگوریتم‌ها در چندین مسئله آزمایشی روی شاخص‌های مختلف نشان دهنده عملکرد بهتر الگوریتم پیشنهادی MOPSO در مقایسه با دیگر الگوریتم مورد استفاده می‌باشد.

کلمات کلیدی

زنجیره تامین،
برنامه‌ریزی یکپارچه تولید -
توزیع،
الگوریتم‌های تکاملی
چندهدفه،
بهینه‌سازی اجتماع ذرات

۱. مقدمه

مدیریت زنجیره تامین^۱ از رویکردهایی است که در چند دهه اخیر بدلیل افزایش روز افزون رقابت‌پذیری و تلاش سازمان‌ها برای بقا و با تکیه بر پیشرفت‌های حاصل در تکنولوژی اطلاعات و نزدیک شدن ارتباطات، مورد توجه سازمان‌ها قرار گرفته است [۱]. شکل جدید کسب و کار در دنیای امروز نیز نشان دهنده این موضوع است. شرکت‌های بسیاری با برقراری شبکه‌های گسترده ارتباطی میان شرکا و تأمین کنندگان، به سمت یکپارچگی در زنجیره خود پیش رفته‌اند.

تاریخ وصول: ۹۱/۰۸/۲۶

تاریخ تصویب: ۹۲/۰۷/۰۷

کیوان صرافها، فارغ التحصیل کارشناسی ارشد، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد قزوین، باشگاه پژوهشگران جوان و نخبگان، قزوین، ایران،
key_sarrafha@yahoo.com

علیرضا علی نژاد، استادیار، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد قزوین، دانشکده مهندسی صنایع و مکانیک، قزوین، ایران،
alinezhad@qiau.ac.ir

*نویسنده مسئول مقاله: دکتر ابوالفضل کاظمی، استادیار، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد قزوین، دانشکده مهندسی صنایع و مکانیک، قزوین، ایران،
abkaazemi@qiau.ac.ir

در این زنجیره تولید کنندگان با دسترسی به اطلاعات توزیع کنندگان، خود را برای تهیه به موقع نیازهای آن‌ها آماده می‌کنند و خرده فروشان نیز با کسب آخرین اطلاعات مربوط به مشتریان و بازار، تولیدکنندگان و توزیع کنندگان را در جهت طراحی، تولید و توزیع به موقع محصولات یاری می‌کنند [۲]. مدیریت زنجیره تامین مجموعه‌ای است از راهکارها جهت یکپارچه سازی اعضای زنجیره (تامین کنندگان، تولید کنندگان، توزیع کنندگان، خرده فروشان و مشتریان) که هدف آن کاهش هزینه‌های سیستم و نیز افزایش سطح خدمت دهی به مشتریان است. پس یک کالا مراحل مختلف زنجیره را طی می‌کند تا به دست مصرف‌کننده برسد. در بعضی از این مراحل، کالا انبارش می‌شود و در بعضی دیگر حمل می‌شود، یعنی یک زنجیره تامین مجموعه‌ای از انبارش‌ها و حمل و نقل‌ها است [۳]. اتخاذ مناسب تصمیمات مناسب در سطوح مختلف شرکت‌ها و سازمان‌های خدماتی در اکثر زمینه‌های تجاری، صنعتی، اقتصادی و غیره به طور مکرر و همیشگی وجود داشته که این موضوع خود یکی از دلایل قدرتمند به منظور ارائه مدل‌های مناسب و کاربردی مسائل زنجیره تامین بوده و باعث هرچه نزدیکتر شدن مسائل به

شرایط دنیای واقعی می‌گردد. تصمیمات مربوط به انتخاب تامین کنندگان، مکانیابی مراکز تولیدی و انبارهای لجستیکی^۲، برنامه-ریزی مسائل تولید - توزیع^۳، حمل و نقل و توزیع، تولید - موجودی، ارزیابی مشتریان و غیره از جمله این مسائل هستند. هسته اصلی مسائل مدیریت زنجیره تامین مربوط به برنامه ریزی تولید و توزیع است. اتخاذ تصمیماتی که سازنده جهت تولید کالای سفارش شده و زمان و تعداد آن به منظور برآورده کردن نیاز مشتری خواهد گرفت، برنامه‌ریزی تولید در زنجیره تامین است. همچنین، مساله برنامه‌ریزی توزیع در زنجیره تامین نیز در برگیرنده ی تصمیماتی برای پیدا کردن کانالی جهت تحویل کالا از یک سازنده به یک توزیع کننده یا به یک مشتری است. این مسائل وابستگی متقابلی به یکدیگر دارند از این رو بایستی آنها را به طور همزمان در یک روش یکپارچه بکار برد تا هزینه‌ها یا سود حاصل از آن در زنجیره مینیمم (ماکزیمم) شود [۴]. در ادامه به بررسی ادبیات موضوع در حوزه مسئله برنامه‌ریزی یکپارچه تولید - توزیع می‌پردازیم.

۲. مروری بر ادبیات موضوع

توجه مدیران در برنامه‌ریزی زنجیره تامین از دیرباز بیشتر بر روی بخش تولید متمرکز بوده است که این موضوع امروزه تا حدودی تعدیل شده و مدیران دریافته‌اند که بدون برنامه‌ریزی دقیق در بخش تولید و توزیع در عرصه رقابت توان مقابله با رقبا را نخواهند داشت. بیشترین تحقیقات موجود در مدل‌های یکپارچه زنجیره تامین نیز به تصمیم‌گیری همزمان در مورد تولید و توزیع پرداخته‌اند که در برخی مقالات این مسائل تحت عنوان مسائل برنامه ریزی تولید - توزیع مطرح می‌گردند. [۵] مرور ادبیات کاملی از مساله برنامه‌ریزی تولید- توزیع در زنجیره تامین انجام دادند. در این راستا [۶] سیستم‌های یکپارچه تولید- توزیع با تقاضاهای تصادفی را مورد مطالعه قرار دادند. آنها یک مدل زنجیره‌ی تامین که ترکیبی از مواد اولیه، محصولات نیمه ساخته و نهایی کارخانه‌ها، مراکز توزیع، انبارها و مشتریان بود را ارائه کردند. [۷] مدلی با عنوان برنامه‌ریزی یکپارچه تولید و توزیع ارائه کردند. جهت مقایسه کارایی، مدل‌ها با استفاده از تعدادی شاخص و با مقادیر مختلف برای پارامترهای متعدد، تحلیل شدند. این پارامترها شامل طول پرپود، تعداد محصولات، تعداد مشتری‌ها، هزینه‌های ثابت و هزینه‌های موجودی هستند. تابع هدف این مدل به دنبال حداقل کردن هزینه‌های شامل هزینه‌های راه‌اندازی، تولید، حمل و نقل محصولات تولیدی به خرده فروشان و هزینه‌های موجودی می‌باشد. [۸] یک مساله تولید - توزیع در یک محیط چندتسهیلاتی، چندمحصولی و چندپرپودی را در نظر گرفتند. مساله به صورت مساله جریان

شبکه با هدف تطبیق محصولات با خطوط تولید برای کمینه‌سازی هزینه‌های مرتبط مدل‌سازی شده است. [۹] شبکه زنجیره‌ی تامین شامل تامین‌کنندگان، کارخانجات و مراکز توزیع را مورد بررسی قرار داده‌اند. تصمیماتی که باید در این شبکه اتخاذ شوند شامل راه‌اندازی کارخانجات و مراکز توزیع، میزان تولید و حمل محصولات است. ماکزیمم تعداد کارخانجات و مراکز توزیعی که می‌توانند باز باشند و ظرفیت کارخانجات، مراکز توزیع و تامین کنندگان محدودیت دارد و تابع هدف بصورت مینیمم کردن هزینه‌ها بیان می‌شود. برای حل این مدل از روش الگوریتم ژنتیک بر اساس درخت فراگیر^۴ استفاده شده و اعتبار این روش با مقایسه آن با روش سنتی الگوریتم ژنتیک سنجدیده شده است. [۱۰] شبکه‌ای را با تعدادی تولید کننده در نظر گرفته‌اند که باید تقاضای مشتریان را با ظرفیت تولیدی محدود به طور کامل تامین کنند و کمبود کالا مجاز نیست. در این سیستم باید در مورد میزان حمل کالا تصمیم‌گیری شود. توابع هدف چندگانه‌ای شامل کمینه کردن هزینه‌ها، کمینه کردن کل زمان تحویل بعنوان سطح خدمت به مشتریان و تعادل در استفاده از ظرفیت تولید بین کارخانجات در نظر گرفته شده است. از روش فرآیند تحلیل سلسله مراتبی برای وزن‌دهی به اهداف و از الگوریتم ژنتیک برای حل مدل خطی استفاده می‌شود. [۱۱] از یک نگرش الگوریتم ژنتیک به منظور حل مساله‌ی برنامه‌ریزی تولید- توزیع در یک سیستم چند سطحی زنجیره‌ی تامین استفاده کردند. آنها از دو سناریو برای حل PDPD^۵ استفاده کردند، در ابتدا یک روش متمرکز برای حل آن اعمال کردند و سپس یک سیستم مبتنی بر عامل برای حل PDPD^۶ در نظر گرفتند. آنها برای هر سطح یک الگوریتم ژنتیک بکار گرفتند تا سیستم بتواند بهترین جواب را به منظور اثر متقابل بین سطح‌ها انتخاب کند. [۱۲] یک مدل خطی برنامه‌ریزی تولید- توزیع یکپارچه‌ی چند هدفه با چندین سطح، چندین محصول و در چندین دوره‌ی زمانی ارائه دادند. آنها به منظور انعکاس اثر مسائل برنامه‌ریزی یکپارچه بر روی مدل و فراهم آوردن ساختاری واقعی برای آن، سطوح تصمیم‌گیری غیر دقیق تصمیم‌گیرنده برای اهداف را با استفاده از رویکرد برنامه‌ریزی آرمانی فازی مدنظر قرار دادند. ساختار زنجیره‌ی تامین پیشنهاد آن‌ها غیر متمرکز است و به یک مدل تک هدفه با محدودیت تبدیل می‌شود و سپس با استفاده از سه الگوریتم فرا ابتکاری به حل آن پرداختند. یک الگوریتم ژنتیک برای حل مسئله دارای محدودیت پیشنهاد شده و نتایج آن با دو الگوریتم ژنتیک و بهینه‌سازی اجتماع ذرات با استفاده از تابع جریمه مقایسه می‌شود. در ادامه برای بیان کاربرد مدل و کارایی روش‌های حل به اجرای یکسری آزمایشات محاسباتی بر روی یک مورد فرضی

مدلی که در اینجا مدنظر است یک شبکه زنجیره تامین یکپارچه شامل تولیدکننده، مرکز توزیع، خرده فروش و مشتری نهایی است. در مرحله اول محصولات در کارخانه های تولیدی در صورت تولید در دوره مربوطه ساخته می شوند. مرحله دوم در صورت ارتباط مراکز تولید و توزیع با یکدیگر، محصولات تولیدی توسط تولیدکنندگان به توزیع کنندگان ارسال می گردد. در مرحله سوم در صورت ارتباط بین مراکز توزیع و خرده فروشان، محصولات توسط توزیع کنندگان به خرده فروشان ارسال می گردد. و در نهایت محصولات نهایی توسط خرده فروشان به مشتریان عرضه می شود. در این مدل تخصیص بهینه سطوح زنجیره به یکدیگر و بدست آوردن مقادیر بهینه تولید، توزیع، حمل و نگهداری به منظور به کمینه کردن کل هزینه های زنجیره و به حداقل رساندن مقدار فروش از دست رفته محصولات در صورت کمبود برای مشتریان از سوی خرده فروشان مد نظر قرار گرفته است. مدل پیشنهادی در سطح استراتژیک و تاکتیکی مورد بررسی قرار گرفته است.

۳-۱. فرضیات

در این بخش، مفروضات مدل پیشنهادی ذکر شده که به قرار ذیل گزارش می شود:

یک زنجیره تامین چهار سطحی شامل تولید کنندگان، مراکز توزیع، خرده فروشان و مشتریان در نظر گرفته شده است. تصمیمات برای چندین نوع محصول و در چندین دوره زمانی در نظر گرفته شده است. ظرفیت نگهداری موجودی برای مراکز تولید، توزیع و خرده فروش در نظر گرفته شده است. از یک ظرفیت حمل و نقل برای تمامی سطوح استفاده شده است. هر تولید کننده می تواند محصولات مختلفی را بسازد و حتی می تواند تمامی محصولات را تولید نماید. از یک ظرفیت تولید به منظور ساخت محصولات در کارخانه ها استفاده شده است.

۳-۲. نمادها و پارامترها

p : تعداد تولید کنندگان ($p=1,2,\dots,P$)

d : تعداد توزیع کنندگان ($d=1,2,\dots,D$)

r : تعداد خرده فروشان ($r=1, 2, \dots, R$)

c : تعداد مشتریان ($c=1,2,\dots,C$)

t : تعداد دوره های زمانی ($t=1,2,\dots,T$)

i : تعداد محصولات ($i=1,2,\dots,I$)

DE_{cit} : تقاضای محصول i توسط مشتری c در دوره t

CSE_{pit} : هزینه آماده سازی تولید محصول i توسط تولید کننده p در

دوره t

پرداختند و با مقایسه آنها با یکدیگر به کارا بودن روش پیشنهادی خود اشاره کردند. [۱۳] نیز با توسعه یک الگوریتم بهینه سازی اجتماع ذرات سلسله مراتبی مبتنی بر شبیه سازی به حل یک برنامه تولید- توزیع چند معیاره پرداختند. برنامه یکپارچه آن ها در برگیرنده سه هدف کمینه سازی کل هزینه ها شامل هزینه های عادی کاری، اضافه کاری، برون سپاری شده، نگهداری موجودی، کمبود، استخدام، اخراج و هزینه های توزیع، کاهش تغییرات در سطوح کاری و به حداقل رساندن بهره گیری پائین سطوح کاری است. آن ها الگوریتم پیشنهادی خود را با یک الگوریتم ژنتیک سلسله مراتبی صفر و یک اعتبارسنجی کردند. [۱۴] یک مسئله برنامه ریزی تولید - توزیع دو سطحی را با در نظر گرفتن همزمان هزینه، پاسخ دهی و سطح خدمت به مشتری ارائه دادند. آن ها به منظور حل مدل از دو روش E- محدودیت و لکسیکوگراف استفاده نمودند.

قابل ذکر است که در ادبیات مسائل برنامه ریزی تولید- توزیع، عمده کارهای مطالعه شده یا به صورت تک هدفه بوده و یا از رویکرد یکپارچه سازی برای حل مدل چندهدفه استفاده نموده اند. لذا ما در این تحقیق با ارائه مدلی در یک زنجیره تامین چند سطحی که علاوه بر کمینه کردن کل هزینه های زنجیره، مقدار فروش از دست رفته محصولات توسط خرده فروشان برای مشتریان را به حداقل می رساند، از رویکرد پارتو جهت حل مسئله یکپارچه تولید- توزیع استفاده می کنیم که در راستا از یک الگوریتم بهینه سازی اجتماع ذرات چند هدفه استفاده کرده و نتایج آن را با الگوریتم ژنتیک رتبه بندی نامغلوب ها^۲ مقایسه نموده ایم که ادامه به بررسی مفاهیم آن خواهیم پرداخت.

مابقی ساختار مقاله بدین صورت می باشد که در بخش سوم با تعریف فرضیات، پارامترها و متغیرهای تصمیم به بیان مسائل و تشریح مدل پیشنهادی می پردازیم. در بخش چهارم روش های حل پیشنهادی شرح داده می شود. در بخش پنجمیک سری مسائل نمونه جهت تجزیه و تحلیل نتایج مربوط به روش های حل مدل های ارائه شده، ایجاد شده و به صورت آماری مورد تحلیل قرار می گیرد. در نهایت، نتیجه گیری و پیشنهادات جهت تحقیقات آتی ارائه خواهد شد.

۳. بیان مسئله

پس از ارائه مقدمه و پیشینه تحقیق، در این بخش ابتدا مسئله یکپارچه تولید- توزیع پیشنهادی تشریح شده، سپس فرضیات، پارامترها و متغیرهای تصمیم تعریف می شوند و در ادامه به ارائه مدل دو هدفه تولید- توزیع در یک زنجیره تامین چهار سطحی می پردازیم.

CSE_{pit} : هزینه آماده سازی تولید محصول i توسط تولید کننده p در دوره t

CP_{pit} : هزینه تولید محصول i توسط تولید کننده p در دوره t

CP_{pdit} : هزینه خرید محصول i از تولید کننده p توسط توزیع کننده d در دوره t

CP_{drit} : هزینه خرید محصول i از توزیع کننده d توسط خرده فروش r در دوره t

CH_{pit} : هزینه نگهداری موجودی هر واحد محصول i توسط تولید کننده p در دوره t

CT_{pdit} : هزینه حمل هر واحد محصول i از تولید کننده p به توزیع کننده d در دوره t

CT_{drit} : هزینه حمل هر واحد محصول i از توزیع کننده d به خرده فروش r در دوره t

CT_{rcit} : هزینه حمل هر واحد محصول i از خرده فروش r به مشتری c در دوره t

I_{dit} : موجودی محصول i برای توزیع کننده d در دوره t

I_{rit} : موجودی محصول i برای خرده فروش r در دوره t

QS_{rcit} : مقدار تأمین محصول i برای خرده فروش r از مشتری c در دوره t

QLS_{cit} : مقدار فروش از دست رفته محصول i برای مشتری c در دوره t

W_{pit} : برابر است با یک اگر محصول i توسط تولید کننده p در دوره t تولید گردد در غیر این صورت صفر

X_{pdt} : برابر است با یک اگر انتقالی از تولید کننده p به مرکز توزیع d در دوره t صورت گیرد در غیر این صورت صفر

X_{drt} : برابر است با یک اگر انتقالی از مرکز توزیع d به خرده فروش r در دوره t صورت گیرد در غیر این صورت صفر

X_{rcit} : برابر است با یک اگر انتقالی از خرده فروش r به مشتری c در دوره t صورت گیرد در غیر این صورت صفر

۳-۴. توابع هدف و متغیرها

مدل پیشنهادی دارای دو هدف می باشد که تابع هدف اول در رابطه (۱) کل هزینه های زنجیره شامل: هزینه های آماده سازی و تولید محصولات، نگهداری موجودی محصولات در کارخانه ها، هزینه های خرید و حمل محصولات نهایی از کارخانه ها به مراکز توزیع، هزینه نگهداری موجودی محصول در مراکز توزیع، هزینه خرید و حمل محصولات از مراکز توزیع به خرده فروشان، هزینه نگهداری موجودی محصول در مراکز خرده فروش و هزینه حمل محصولات از خرده فروشان به مشتریان را کمینه می کند. تابع هدف دوم در رابطه (۲)، مقادیر فروش از دست رفته محصولات برای مشتریان، در صورت کمبود را به حداقل می رساند.

CH_{dit} : هزینه نگهداری موجودی هر واحد محصول i توسط توزیع کننده d در دوره t

CPT_{pdit} : ظرفیت حمل و نقل محصولات از تولید کننده p به توزیع کننده d در دوره t

CPT_{drit} : ظرفیت حمل و نقل محصولات از توزیع کننده d به خرده فروش r در دوره t

CPT_{rcit} : ظرفیت حمل و نقل محصولات از خرده فروش r به مشتری c در دوره t

CPP_{pit} : ظرفیت تولید محصول i توسط تولید کننده p در دوره t

CPD_{pit} : ظرفیت کارخانه p برای موجودی محصول i در دوره t

CPD_{dit} : ظرفیت مرکز توزیع d برای موجودی محصول i در دوره t

CH_{rit} : هزینه نگهداری موجودی هر واحد محصول i توسط خرده فروش r در دوره t

CPD_{rit} : ظرفیت خرده فروش r برای موجودی محصول i در دوره t

۳-۳. متغیرهای تصمیم

QP_{pit} : مقدار تولید برای محصول i توسط تولید کننده p در دوره t

QS_{pdit} : مقدار تأمین برای محصول i از تولید کننده p به توزیع کننده d در دوره t

QS_{drit} : مقدار تأمین برای محصول i از توزیع کننده d به خرده فروش r در دوره t

I_{pit} : موجودی محصول i برای تولید کننده p در دوره t

$$Min Z_1 = \sum_{p=1}^P \sum_{i=1}^I \sum_{t=1}^T CSE_{pit} \times W_{pit} + \sum_{p=1}^P \sum_{i=1}^I \sum_{t=1}^T CP_{pit} \times QP_{pit}$$

$$+ \sum_{p=1}^P \sum_{i=1}^I \sum_{t=1}^T CH_{pit} \times I_{pit} + \sum_{p=1}^P \sum_{d=1}^D \sum_{i=1}^I \sum_{t=1}^T CP_{pdit} \times QS_{pdit}$$

$$+ \sum_{p=1}^P \sum_{d=1}^D \sum_{i=1}^I \sum_{t=1}^T CT_{pdit} \times QS_{pdit} + \sum_{d=1}^D \sum_{i=1}^I \sum_{t=1}^T CH_{dit} \times I_{dit} \quad (1)$$

$$+ \sum_{d=1}^D \sum_{r=1}^R \sum_{i=1}^I \sum_{t=1}^T CT_{drit} \times QS_{drit} + \sum_{d=1}^D \sum_{r=1}^R \sum_{i=1}^I \sum_{t=1}^T CP_{drit} \times QS_{drit}$$

$$+ \sum_{r=1}^R \sum_{i=1}^I \sum_{t=1}^T CH_{rit} \times I_{rit} + \sum_{r=1}^R \sum_{c=1}^C \sum_{i=1}^I \sum_{t=1}^T CT_{rcit} \times QS_{rcit}$$

$$Min Z_2 = \sum_{c=1}^C \sum_{i=1}^I \sum_{t=1}^T QLS_{cit} \quad (2)$$

S.t.

تمامی توزیع کنندگان در دوره t است. رابطه (۱۴) محدودیت مربوط به کمبود فروش از دست رفته محصول i برای مشتری c می باشد. روابط (۱۵) و (۱۶) نیز غیر منفی و صفر و یک بودن متغیرهای تصمیم را نشان می دهد. رابطه (۱۷) نیز بیانگر این است که موجودی محصول i در مراکز تولید، توزیع و خرده فروشی در ابتدای دوره برابر صفر است.

۴. متدولوژی حل

پس از ارائه مدل پیشنهادی، روش های مورد استفاده جهت حل مدل از جمله مباحث مهم در ادبیات مسائل بهینه سازی است. از آنجائیکه این نوع مسائل از دسته مسائل NP-Hard هستند، به دلیل پیچیده بودن مدل، زمان محاسباتی روش های حل دقیق به شدت بالا بوده و در اغلب موارد ناتوان در حل این نوع مسائل هستند [۵، ۱۱، ۱۲]. از فاکتورهایی که باعث پیچیدگی مدل شده، تعداد زیاد محدودیت ها و متغیرهای تصمیم و همچنین صفر و یک بودن بعضی از متغیرها می باشد. همچنین چند هدفه بودن مدل و تضاد بین جنس اهداف بر پیچیدگی مسئله افزوده است. بدین منظور به عنوان یکی از پرکاربردترین ابزارهای حل این مدل ها، از الگوریتم های فرا ابتکاری چندهدفه برای حل این نوع مسائل بهره جسته ایم. در این تحقیق یک الگوریتم بهینه سازی اجتماع ذرات چندهدفه ارائه داده می شود و نتایج حاصله با الگوریتم ژنتیک مرتب سازی نامغلوبها مقایسه می گردد.

۴-۱. بهینه سازی چند هدفه

امروزه بسیاری از مسائل کاربردی در جهان واقعی را مسائل بهینه سازی ترکیباتی چند هدفه تشکیل می دهند که اهداف در تضاد با یکدیگر بوده و بهبود در یک هدف باعث بهتر شدن هدف دیگر نمی شود. اکثر مطالعات در زمینه مسائل تولید- توزیع در زنجیره تامین به صورت تک معیاره و یا تک هدفه بررسی شده است در حالی که یک هدف یا معیار در مسائل کاربردی واقعی و عملی کافی نمی باشد. بدین ترتیب بهینه سازی چند هدفه نه تنها به دلیل ماهیت چند هدفه مسائل دنیای واقعی، بلکه به دلیل اینکه هنوز سوالات بدون جواب متعددی در این زمینه وجود دارد، می تواند از جمله تحقیقات مهم تلقی شود.

در مسائل بهینه سازی تک هدفه، با بهینه ساختن تابع هدف الگوریتم به پایان می رسد اما در مسائل چند هدفه بهینه سازی همزمان چند تابع هدف کار سخت و زمان بری است و در اغلب اینگونه مسائل تعدادی جواب قابل قبول بر اساس معیارهای نامغلوبی بدست می آید. بنابراین جواب نهایی به شکل دسته ای از جوابها^۱ است که نماینده موازنه ای^۹ از توابع هدف مختلف مسئله است. در نهایت یکی از جوابها به عنوان جواب مرجح توسط

$$\sum_{i=1}^I QS_{pdt} \leq CPT_{pdt} \times X_{pdt} \quad \forall p, d, t \quad (3)$$

$$\sum_{i=1}^I QS_{drit} \leq CPT_{drit} \times X_{drit} \quad \forall d, r, t \quad (4)$$

$$\sum_{i=1}^I QS_{rcit} \leq CPT_{rcit} \times X_{rcit} \quad \forall r, c, t \quad (5)$$

$$QP_{pit} \leq CPP_{pit} \times W_{pit} \quad \forall p, i, t \quad (6)$$

$$I_{pit} \leq CPD_{pit} \quad \forall p, i, t \quad (7)$$

$$I_{dit} \leq CPD_{dit} \quad \forall d, i, t \quad (8)$$

$$I_{rit} \leq CPD_{rit} \quad \forall r, i, t \quad (9)$$

$$\sum_{r=1}^R QS_{rcit} \leq DE_{cit} \quad \forall c, i, t \quad (10)$$

$$I_{pit} = I_{pit-1} + QP_{pit} - \sum_{d=1}^D QS_{pdt} \quad \forall p, i, t \quad (11)$$

$$I_{dit} = I_{dit-1} + \sum_{p=1}^P QS_{pdt} - \sum_{r=1}^R QS_{drit} \quad \forall d, i, t \quad (12)$$

$$I_{rit} = I_{rit-1} + \sum_{p=1}^P QS_{drit} - \sum_{c=1}^C QS_{rcit} \quad \forall r, i, t \quad (13)$$

$$QLS_{cit} = DE_{cit} - \sum_{r=1}^R QS_{rcit} \quad \forall c, i, t \quad (14)$$

$$QP_{pit}, I_{pit}, I_{dit}, I_{rit}, QS_{pdt}, QS_{drit}, QS_{rcit}, QLS_{cit} \geq 0 \quad (15)$$

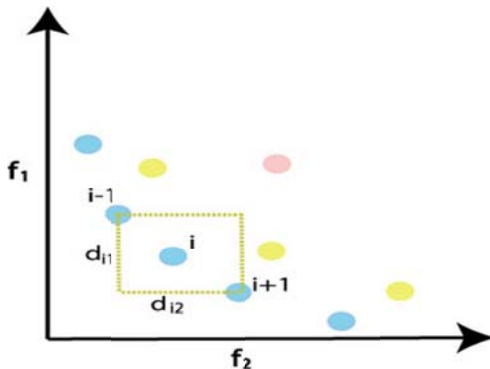
$$W_{pit}, X_{pdt}, X_{drit}, X_{rcit} \in \{0, 1\} \quad (16)$$

$$I_{pi0}, I_{di0}, I_{ri0} = 0 \quad (17)$$

محدودیت های (۳)، (۴) و (۵) نشان دهنده مقدار محصول نارسال شده در دوره های مختلف با توجه به ظرفیت حمل و نقل و در صورت انتقال از آن ها بین سطوح مختلف می باشد. محدودیت (۶) اطمینان می دهد که مقدار تولید محصول i در صورت تولید در کارخانه p در دوره t و در صورت تولید در آن دوره، حداکثر به اندازه ظرفیت تولید می باشد. محدودیت (۷)، (۸) و (۹) نشان دهنده ظرفیت کارخانه p مرکز توزیع l خرده فروش r برای نگهداری محصول نهایی در دوره t است. محدودیت (۱۰) اطمینان می دهد که محصولات ارسالی از خرده فروشان به تمامی مشتریان، حداکثر به اندازه تقاضای آنان از محصولات در دوره t است. محدودیت های (۱۱)، (۱۲) و (۱۳) بیانگر محدودیت های تعادلی نگهداری موجودی محصول i در سطوح تولید کننده، توزیع کننده و خرده فروش است. به طور نمونه در محدودیت (۱۱) میزان موجودی محصول i در کارخانه p در دوره t برابر است با موجودی محصول در دوره قبل به اضافه مقدار تولید آن محصول در کارخانه p در دوره t منهای مقدار محصول i که از تولید کننده p به

زمانی که تمام جوابها درون مرزهای نامغلوب قرار گیرند ادامه می‌یابد [۱۶].

برای تخمین تراکم جواب اطراف یک جواب خاص در جمعیت، متوسط فاصله این جواب از هر دو جواب مجاور براساس مقادیر اهداف محاسبه می‌شود و این مقدار، فاصله ازدحام نامیده می‌شود. به منظور محاسبه فاصله ازدحامی یک جواب خاص موجود در یک مرز، بزرگترین مستطیلی که آن جواب خاص درون مستطیل و دو جواب مجاور در دو سمت آن جواب، راس-های آن مستطیل باشند را در نظر می‌گیریم و مجموع یک طول و یک عرض آن را به عنوان فاصله ازدحامی برای آن جواب خاص بدست می‌آوریم. شکل (۲) نحوه نمایش محاسبات مربوط به فاصله ازدحامی ($i_{distance}$) برای عضو دلخواه i از یک مرز غیر مغلوب را نشان می‌دهد [۱۶]. برای محاسبه فاصله ازدحامی، ابتدا باید افراد جمعیت براساس مقدار تابع هدف به صورت صعودی مرتب شوند. سپس جوابهای موجود در ابتدا و انتهای هر مرز (جوابهای با بیشترین و کمترین مقدار تابع هدف) مقدار فاصله ازدحامی بی‌نهایت به خود می‌گیرند.



شکل ۲. محاسبه فاصله ازدحام [۱۶]

در این الگوریتم، نشان دهنده مقدار تابع هدف m برای n امین عضو مجموعه n می‌باشد. یک جواب با مقدار کمتر فاصله ازدحامی بیان کننده تراکم بیشتر جواب در اطراف آن جواب است. بنابراین مطلوب است برای مرحله بعد جوابهایی انتخاب شوند که در ناحیه با تراکم کمتر یا به عبارتی دارای فاصله ازدحامی بیشتر هستند، زیرا با این کار تنوع و پراکندگی در جوابهای بدست آمده بیشتر می‌شود [۱۶].

۳-۴. بهینه سازی اجتماع ذرات چند هدفه

الگوریتم بهینه‌سازی اجتماع ذرات از رفتار اجتماعی دسته پرندگان یا گروه ماهیها در حین جستجوی غذا، برای هدایت جمعیت به نقطه امید بخش در فضای جستجو بهره می‌جوید. از آنجائیکه قوانین منطقی خاصی بر نحوه رفتار موجودات اجتماعی

تصمیم گیرنده انتخاب می‌شود [۱۵]. یک مسئله بهینه سازی چند هدفه کلی را می‌توان به صورت رابطه (۱۸) تعریف کرد:

$$\begin{aligned} \text{Minimize } f(x) &= [f_1(x), f_2(x), \dots, f_Q(x)] \\ \text{Subject to:} \\ x &\in X \end{aligned} \quad (18)$$

که $X \subseteq R^Q$ فضای حل موجه مسئله و $x = \{x_1, x_2, \dots, x_p\}$ مجموعه متغیرهای تصمیم در فضای p بعدی است. از بین این مجموعه حل‌های متناهی حل مناسب جوابهایی خواهد بود که عملکرد قابل قبولی را نسبت به همه اهداف داشته باشد. حل مسائل چند هدفه با رویکرد پارتو از دسته مسائل پیچیده‌تر در حل مسائل چند هدفه می‌باشند. علت این است که معمولاً جواب بهینه خاصی برای این روشها بدست نمی‌آید [۱۵].

برای انجام مقایسات مناسب در بهینه‌سازی چند هدفه از مفهوم غلبه استفاده می‌کنند بدین صورت که فرض کنید F کل فضای موجه مسئله باشد و $x_1, x_2 \in F$ دو جواب از این مسئله باشد، می‌گوییم x_1 بر x_2 غالب است (یا x_2 مغلوب x_1 است) اگر و فقط x_1 نسبت به x_2 در هیچ کدام از اهداف بدتر نباشد ($f_i(x_1) \leq f_i(x_2) \forall i \in \{1, 2, \dots, m\}$) و نسبت به x_2 حداقل در یکی از اهداف اکیداً بهتر باشد ($f_i(x_1) < f_i(x_2)$). به عبارت دیگر حل‌های نامغلوب حل‌هایی هستند که جوابهای دیگر را پوشش می‌دهند ولی خودشان توسط حل‌های دیگر پوشش داده نمی‌شوند. حال با توجه به این مفهوم دو اپراتور به الگوریتم‌های تک هدفه اضافه شده و به الگوریتم‌های چند هدفه شهرت یافته‌اند، که این دو اپراتور مرتب سازی سریع نامغلوبها^۱ و فاصله ازدحامی^{۱۱} می‌باشند [۱۵].

۴-۲. مرتب سازی نامغلوبها و فاصله ازدحامی

در این بخش رتبه‌بندی جمعیت با استفاده از دو مفهوم مرتب سازی سریع نامغلوبها و فاصله ازدحامی مورد مقایسه قرار می‌گیرند. در مرتب‌سازی سریع نامغلوبها رتبه‌بندی جمعیت بر اساس نامغلوبها با استفاده از مفهوم غلبه صورت می‌گیرد. به طور کلی برای مرتب‌کردن جمعیت با اندازه n براساس سطوح نامغلوبها، هر جواب با تمام جوابهای دیگر موجود در جمعیت مقایسه شده تا مغلوب بودن یا نبودن جواب مشخص گردد. در نهایت مجموعه‌ای از جوابها وجود دارد که هیچ‌کدام غالب و مغلوب همدیگر نمی‌شوند لذا این جوابها اولین مرز از مرزهای نامغلوب را تشکیل می‌دهند. برای تعیین جوابهای موجود در مرزهای بعدی، جوابهای موجود در مرز اول به طور موقت نادیده گرفته شده و فرآیند فوق دوباره تکرار می‌گردد. این فرآیند تا

$$\begin{aligned} X_{pdt} &: [p \times d \times t \text{ double}] ; & QS_{pdt} &: [p \times d \times i \times t \text{ double}] \\ X_{drt} &: [d \times r \times t \text{ double}] ; & QS_{drt} &: [d \times r \times i \times t \text{ double}] \\ X_{rci} &: [r \times c \times t \text{ double}] ; & QS_{rci} &: [r \times c \times i \times t \text{ double}] \\ W_{pit} &: [p \times i \times t \text{ double}] ; & QP_{pit} &: [p \times i \times t \text{ double}] \\ I_{pit} &: [p \times i \times t \text{ double}] ; & I_{dit} &: [d \times i \times t \text{ double}] \\ I_{rit} &: [r \times i \times t \text{ double}] ; & QLS_{cit} &: [c \times i \times t \text{ double}] \end{aligned}$$

شکل ۳. ساختار جواب‌های مسئله

به عنوان نمونه در مورد ساختار جواب مربوط به QS_{drit} ، در صورتی که مرکز توزیع d به خرده فروش r در دوره t اختصاص یابد محصول نوع t از مرکز توزیع d به خرده فروش r در دوره t ($t=6$) فرض شده است) با توجه به ظرفیت حمل آن انتقال می‌یابد. نمونه ساختار تشریح شده در شکل (۴) نشان داده شده است.

برای نمونه در مورد دو ساختار نشان داده شده در شکل (۴)، $Solution.X_{drt}$ ماتریس‌هایی به ابعاد d ، r و t به صورت صفر و یک است که در صورت ارتباط بین مرکز توزیع d با خرده‌فروش r در دوره t هر درایه از آن مقدار یک و در غیر این‌صورت مقدار صفر به خود خواهد گرفت. QS_{drit} ماتریس‌هایی به ابعاد d ، r ، i و t و در برگیرنده مقادیر ارسالی محصول نوع t از مراکز توزیع به خرده‌فروشان در دوره مربوطه است. بدین ترتیب- که اگر ارتباطی از مرکز توزیع d با خرده‌فروش p در دوره t صورت پذیرد، مقدار محصولی که از هر مرکز توزیع برای هر خرده‌فروش در دوره t تامین می‌گردد حداکثر به اندازه ظرفیت حمل آن از مرکز توزیع به خرده‌فروش در دوره مربوطه می‌باشد. حال تا جایی که مجموع مقدار محصول ارسالی بیشتر از ظرفیت حمل باشد، یک مرکز توزیع به ترتیب به صورت تصادفی انتخاب شده و به اندازه ماکزیمم مجموع این اختلاف از مقدار ارسالی محصول از مرکز توزیع به خرده‌فروش در آن دوره و مقدار صفر به دلیل غیرمنفی بودن و تولید جواب‌های موجه، محصول برای خرده فروش تامین می‌گردد.

۴-۳-۳. مراحل تکرار الگوریتم

پس از مقداردهی اولیه مکان و سرعت هر ذره نوبت به تکرار الگوریتم می‌رسد تا شرط توقف مسئله برآورده گردد. مراحل به قرار زیر می‌باشند:

- ۱- ارزیابی هریک از ذرات. ۲- ذخیره مکانی ذراتی که بردارهای نامغلوب ارایه می‌دهند (در مخزن REP). ۳- تولید مکعب‌های چند بعدی و قرار دادن ذرات در این مکعب‌ها (برای مثال اگر دو تابع هدف وجود داشته باشد هر محور شامل یک تابع هدف است). ۴- ارزش‌دهی دوباره حافظه هر ذره (این حافظه برای هر ذره به عنوان یک راهنما برای حرکت می‌باشد و همچنین این حافظه در مخزن REP ذخیره می‌شود) به‌طوریکه:

حکم فرمایی می‌کند، پرندگان تنها با تنظیم حرکت فیزیکی خود با اجتناب از تصادف به دنبال غذا می‌گردند و بطور تئوری هر پرند به عنوان یکی از اعضای گروه از تجربه قبلی خود و یافته‌های سایر اعضا برای یافتن غذا بهره می‌برد. این مشارکت یک مزیت قطعی بر جستجوی رقابتی برای یافتن غذا می‌باشد که پایه اصلی PSO همین تسهیم اطلاعات بین اعضا گروه است [۱۷]. از موارد استفاده این الگوریتم در حل مسائل دنیای واقعی می‌توان به Behroozi و [۱۸Eshghi] در حل مسئله زمانبندی کار کارگاهی با زمان‌های آماده سازی وابسته به توالی،-Ranjbar Bourani و همکاران [۱۹] در طراحی سیستم تولید سلولی، و Amiri و همکاران [۲۰] در یک مسئله زمان بندی کارگاه باز اشاره نمود.

۴-۳-۱. تعریف پارامترها و اجزای بکار رفته در الگوریتم

الگوریتم PSO برای یافتن جواب بهینه در فضای مسئله با بروز کردن موقعیت و سرعت هر ذره به جستجو می‌پردازد. هر ذره به صورت چند بعدی با دومقدار V_{i-d} و X_{i-d} که به ترتیب معرف سرعت و مکان مربوط به بعد d م ذره نام هستند تعریف می‌شود. در هر مرحله از حرکت جمعیت، هر ذره با توجه به دو مقدار بهترین جواب فردی ($pbest_{i-d}$) و بهترین جواب کلی ($gbest_d$) بروز می‌شود. از آنجاییکه در چارچوب بهینه‌سازی چند هدفه $gbest$ همان بهترین جواب کلی نمی‌تواند تعریف گردد، لذا از یک سطح بایگانی جواب‌های غیر مغلوب به نام مخزن استفاده می‌شود و دسته ذرات به صورت تصادفی از مخزن انتخاب می‌گردند. اعضای مخزن آنهایی هستند که در فضای جستجو با ناحیه ازدحامی کمتر، شانس بیشتری برای انتخاب شدن به صورت دسته را دارند. یک ساختار مبتنی بر شبکه مطابق MOPSO، یک معیار تراکم تاکنون برای کاوش در فضای جستجو را می‌دهد [۲۱].

۴-۳-۲. جمعیت اولیه

در این قسمت به منظور طراحی جواب، از متغیرهای ساختاری^{۱۲} استفاده نموده‌ایم. بدین صورت که هریک از ساختارهای موجود در جواب‌های^{۱۳} ایجاد شده، مبین یکی از ویژگی‌های جواب نیز می‌باشد. ساختار مربوط به متغیرهای مسئله به قرار ذیل در شکل ۳ می‌باشند:

$$POP[i] = POP[i] + VEL[i] \quad (۲۱)$$

الف) برای ذره $i=0$ تا $i=MAX$
 ب) $Pbest[i]=POP[i]$
 ۵- تا زمانی که حداکثر تکرارها بدست نیامده قدم‌های زیر را انجام می‌دهیم:
 الف) سرعت هر ذره با رابطه (۱۹) محاسبه می‌شود:

$$VEL[i] = w \times VEL[i] + c_1 r_1 (Pbest[i] - POP[i]) + c_2 r_2 (REP[h] - POP[i]) \quad (۱۹)$$

$Pbest[i]$ بهترین مکانی است که ذره i تا این لحظه پیدا کرده است. $REP[h]$ مقداری است که از مخزن گرفته می‌شود، از آنجایی که همگرایی الگوریتم به شدت وابسته به پارامترهای اصلی آن شامل w ، c_1 و c_2 می‌باشد، تصمیم بر آن شد تا جهت افزایش کارایی الگوریتم، پارامترها در بهترین مقدار خود تنظیم شوند. یکی از کاراترین روش‌های ارایه شده در بکارگیری پارامترهای الگوریتم، طرح تطبیقی^{۱۴} است که توسط کلرک و کندیارایه شد [۲۲]. همچنین از یک ضریب اینرسی w_{damp} نیز استفاده کرده‌ایم. روند محاسبه پارامترهای اصلی در رابطه (۲۰) نشان داده شده است.

$$\gamma = \frac{2}{\phi_1 + \phi_2 - 2 + \sqrt{(\phi_1 + \phi_2)^2 - 4 \times (\phi_1 + \phi_2)}} \quad (۲۰)$$

$$c_1 = \gamma \times \phi_1$$

$$c_2 = \gamma \times \phi_2$$

$$w = \gamma$$

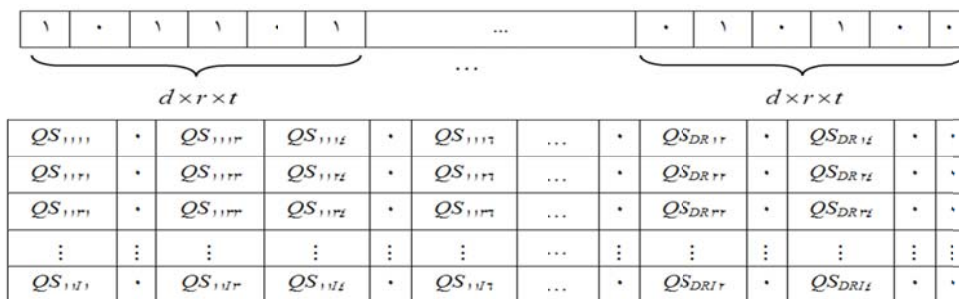
$$w = w \times w_{damp}$$

که $\phi_1 + \phi_2 > 4$ و بهترین مقدار در $\phi_1 = \phi_2$ و $\phi_1 + \phi_2 = 4.1$ بدست می‌آید.
 ب) موقعیت هر ذره با اضافه کردن سرعت بدست آمده از مرحله قبل با رابطه (۲۱) بروز رسانی می‌شود.

$$Pbest[i] = POP[i] \quad (۲۲)$$

معیار برای تصمیم‌گیری اینکه موقعیت کدام ذره از حافظه بایستی باقی بماند، به آسانی با پارتوی غالب بدست می‌آید (برای مثال اگر موقعیت جاری بوسیله موقعیت در حافظه مغلوب شود، موقعیت در حافظه حفظ می‌شود، در غیر این صورت موقعیت جاری با موقعیت حافظه جایگزین می‌شود و اگر هیچ کدام از آن‌ها توسط دیگری مغلوب نشوند یکی از آن‌ها را به تصادف انتخاب می‌کنیم).
 ز) افزایش شمارنده حلقه.

۶- شرط توقف الگوریتم رسیدن تا تعداد تکرار معینی است. لازم به ذکر است که به منظور جلوگیری از سرعت همگرایی بالای الگوریتم، از یک عملگر جهش با احتمال کاهشی از اوایل اجرای الگوریتم استفاده کرده‌ایم که یک نمونه از آن در شکل (۵) نشان داده شده است. همچنین، فلوجارت مراحل اجرای الگوریتم MOPSO پیشنهادی در شکل (۶) نشان داده شده است.



شکل ۴. ساختار مربوط به تامین محصولات از مراکز توزیع برای خرده‌فروشان

۶- عملگرهای تقاطع و جهش که از تقاطع یکنواخت جهت تولید فرزندان استفاده شده است و عملگر جهش پیشنهادی نیز مشابه شکل (۵) می باشد.

۷- ارزیابی فرزندان و ترکیب کردن با والدین که در این بخش مجموعه فرزندی که از طریق عملگرهای تقاطع و جهش به وجود آمده اند را مورد ارزیابی قرار داده و به هریک از فرزندان یک میزان برازندگی اختصاص می دهیم.

۸- مرتب کردن نامغلوبها و فاصله ازدحامی و مرتب کردن جمعیت و انتخاب کروموزومها.

۹- در نهایت معیار توقف است که الگوریتم زمانی متوقف می شود که به ماکزیمم مقدار از پیش تعریف شده برسد.

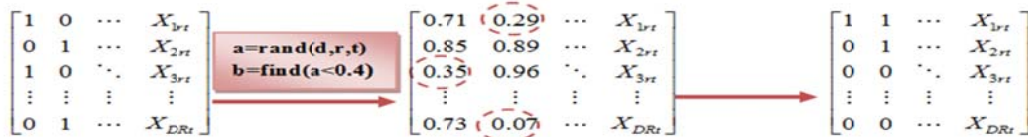
الگوریتم NSGA-II مورد استفاده عبارتند از: ۱- مقداردهی اولیه شامل اندازه جمعیت اولیه، احتمال عملگرهای تقاطع و جهش، و تعداد تکرار الگوریتم.

۲- ساختار و ارزیابی کروموزوم که مشابه با مقداردهی اولیه جوابها در الگوریتم MOPSO است.

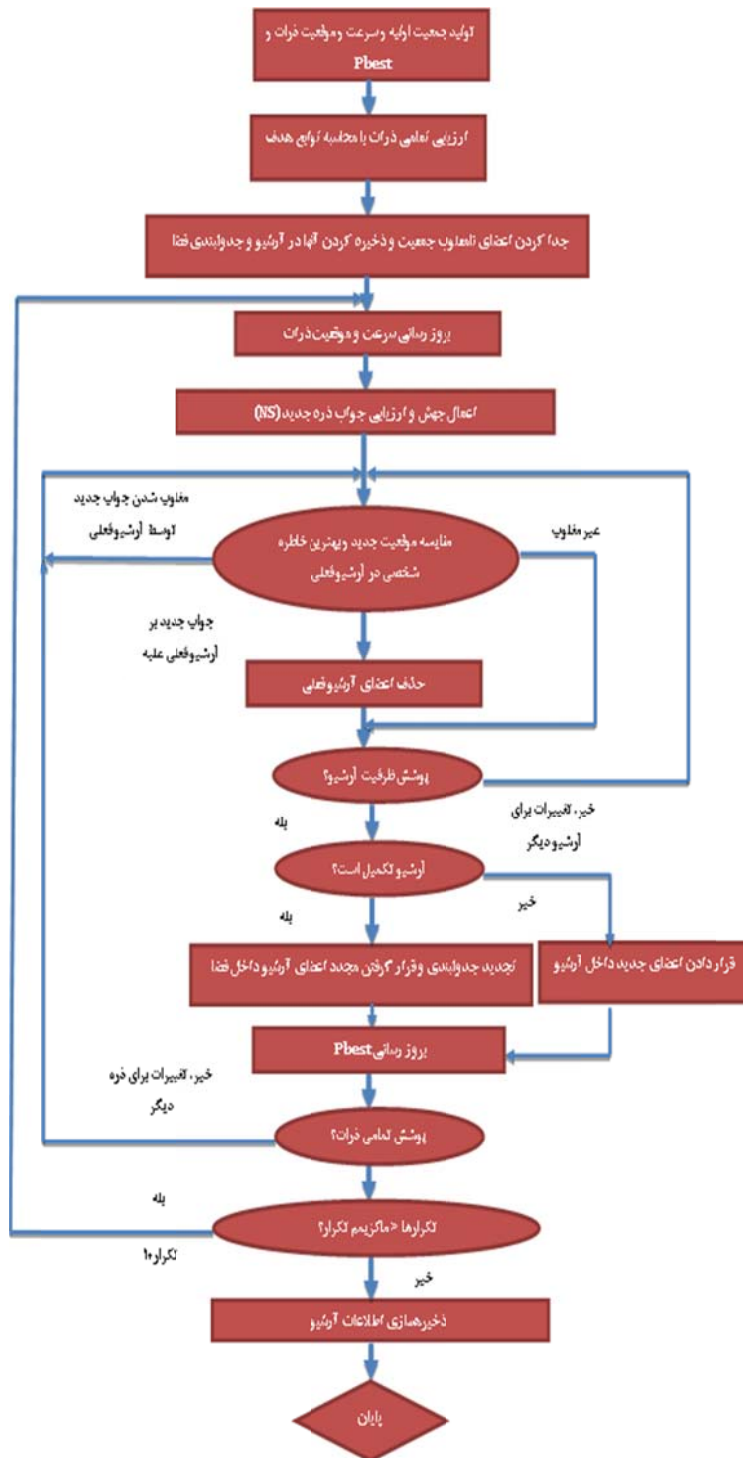
۳- مرتب سازی سریع نامغلوبها و فاصله ازدحامی.

۴- نگهداری والدین.

۵- استراتژی انتخاب بر اساس عملگر مسابقه ای صفر و یک^{۱۵} بر مبنای درجه نامغلوب بودن و فاصله ازدحامی جواب.



شکل ۵. نحوه اجرای عملگر جهش پیشنهادی برای یک نمونه جواب



شکل ۶. فلوجارت الگوریتم MOPSO پیشنهادی

۵. تجزیه و تحلیل نتایج

به منظور حل مدل پیشنهادی، دو الگوریتم فرا ابتکاری حل مسائل چند هدفه بر مبنای رویکرد پارتو شامل الگوریتم بهینه سازی اجتماع ذرات چند هدفه (MOPSO) و الگوریتم ژنتیک مرتب سازی نامغلوب (NSGA-II) رایج شده است. در این بخش نتایج بدست آمده از پیاده سازی روش های حل پیشنهادی بر روی مسائل آزمایشی تولید شده مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفته است. آزمایشات بر روی ۱۵ مسئله آزمایشی تولید شده در سه دسته سایز کوچک، متوسط و بزرگ با (P=۳, D=۲, R=۴, I=۲) و از ۴ الی ۸ منطقه مشتری در سایز کوچک، (P=۵, D=۴, R=۶, I=۴) و از ۹ الی ۱۳ منطقه مشتری در سایز متوسط، (P=۸, D=۶, R=۹, I=۵) و از ۱۴ الی ۱۸ منطقه مشتری در سایز بزرگ و همگی در ۶ دوره زمانی اجرا شده است. به منظور پیاده سازی مسائل، پارامترهای ورودی در جدول (۱) نشان داده شده است. پارامترهای الگوریتم های پیشنهادی نیز با اجزای متوالی مطابق جداول (۲) و (۳) تنظیم گردیده اند. کلیه الگوریتم های پیشنهاد شده با نرم افزار MATLAB (Version 10.0, R2010a) برنامهنویسی شده و بر روی یک نوت بوک با چهار گیگا بایت حافظه و پردازنده Intel® Core™ i5 اجرا شده است.

بهینه سازی چند هدفه می توان در نظر گرفت [۱۵]. در این بخش پنج معیار مقایسه جهت ارزیابی الگوریتم های بهینه سازی چند هدفه ارائه می شود.

این اهداف عبارتند از (۱) بیشترین گسترش^{۱۶}: این معیار که توسط Zitzler رایج شده است [۲۳]، در مدل دو هدفه ما، برابر با فاصله اقلیدسی بین دو جواب مرزی در فضای هدف می باشد. هرچه این معیار بزرگتر باشد، بهتر است. رابطه (۲۳) رویه محاسباتی این شاخص را نشان می دهد.

$$D = \sqrt{\sum_{j=1}^m \left(\max_i f_i^j - \min_i f_i^j \right)^2} \quad (23)$$

(۲) فاصله گذاری^{۱۷}: این معیار که توسط Schott رایج شد [۲۴]، میزان فاصله نسبی جواب های متوالی را با استفاده از رابطه (۲۴) محاسبه می کند.

$$S = \sqrt{\frac{1}{|n-1|} \sum_{i=1}^n (d_i - \bar{d})^2} \quad (24)$$

که $d_i = \min_{k \in N \wedge k \neq i} \sum_{m=1}^2 |f_m^i - f_m^k|$ و $\bar{d} = \sum_{i=1}^n \frac{d_i}{n}$ می باشد.

فاصله اندازه گیری شده برابر با کمترین مقدار مجموع قدرمطلق تفاضل در مقادیر توابع هدف بین نامین جواب و جواب های واقع در مجموعه نامغلوب نهایی است. قابل ذکر است که این معیار هرچه کمتر باشد مطلوب تر است.

(۳) تعداد جواب های پارتو^{۱۸}: مقدار معیار NOS نشان دهنده تعداد جواب های بهینه پارتو هستند که در هر الگوریتم می توان یافت [۲۵].

(۴) فاصله از جواب ایده آل^{۱۹}: از آنجایی که در مباحث چند هدفه مبتنی بر رویکرد پارتو، یکی از اهداف، فرونت های هرچه نزدیکتر به مبدأ مختصات است لذا این معیار فاصله فرونت ها را از بهترین مقدار جمعیت محاسبه می کند [۲۵].

(۵) زمان اجرای الگوریتم: زمان اجرای الگوریتم یکی از مهم ترین شاخص ها در کارایی هر الگوریتم فرا ابتکاری است.

بعد از تعریف معیارهای استاندارد مقایسه الگوریتم های چند هدفه مبتنی بر پارتو، در جدول (۴) معیارهای اندازه گیری مسائل آزمایشی تولید شده محاسبه شده اند. همانطور که ملاحظه می گردد میانگین شاخص ها در معیارهای Spacing, NOS و Time برای الگوریتم MOPSO از مطلوبیت بهتری برخوردار است، و میانگین شاخص ها در معیارهای Diversity و MID، الگوریتم NSGA-II مطلوب تر است. به منظور تجزیه و تحلیل دقیق تر، خروجی الگوریتم ها به صورت آماری و به کمک تحلیل واریانس و آزمون t مورد بررسی قرار گرفته است. بدین منظور خروجی تحلیل

جدول ۱. پارامترهای ورودی به منظور پیاده سازی مسائل

پارامتر	تابع توزیع	پارامتر	تابع توزیع
DE_{cit}	Uniform(400,600)	CT_{drit}	Uniform(12,20)
CT_{pdit}	Uniform(12,20)	CP_{drit}	Uniform(90,140)
CP_{pdit}	Uniform(60,100)	CH_{rit}	Uniform(12,18)
CP_{pit}	Uniform(20,30)	CT_{rcit}	Uniform(8,12)
CH_{pit}	Uniform(12,18)	CSE_{pit}	Uniform(5,10)
CH_{dit}	Uniform(12,18)		

جدول ۲. پارامترهای تنظیم شده NSGA-II

تعداد نسل	اندازه جمعیت	نرخ جهش	نرخ تقاطع
NSGA-II	۱۵۰	۰/۱	۰/۸۵

جدول ۳. پارامترهای تنظیم شده MOPSO

اندازه آرشیو	تعداد نسل	اندازه جمعیت	نرخ جهش	w_{damp}
MOPSO	۱۵۰	۵۰	۰/۱	۰/۹۹

۵-۱. معیارهای اندازه گیری برای مقایسه نتایج

در ادامه معیارهای استاندارد مقایسه جهت ارزیابی الگوریتم های چند هدفه با رویکرد پارتو ارائه می شود. به طور کلی بر خلاف بهینه سازی تک هدفه دو معیار اصلی شامل حفظ تنوع در بین جواب های پارتو و همگرایی به مجموعه جواب های پارتو را برای

واریانس به صورت P-Value های بدست آمده گزارش شده است. مطابق با آن مقادیر P-Value برای شاخص‌های Spacing، MID، Diversity، NOS و Time به ترتیب برابر با ۰/۹۹۳، ۰/۹۴۲، ۰/۷۵۸ و ۰/۲۲۶ بدست آمده است که با توجه به مقدار سطح معنادار بودن در نظر گرفته شده ($\alpha=0/05$) فرض برابری میانگین‌ها در شاخص‌ها رد نشده و تفاوت معنادار بین الگوریتم‌ها وجود ندارد و هر دو الگوریتم می‌توانند در این معیارها رقابت کرده و انتخاب شوند. نتایج نمودار جعبه ای نشان داده شده در شکل (۷)

حاکمی از عدم تفاوت معنی دار بین الگوریتم‌هاست. همچنین جهت مقایسه نهایی الگوریتم‌ها در شاخص‌های ارائه شده، از روش تاپسیس به منظور رتبه بندی دو الگوریتم استفاده کرده ایم [۲۶]. لازم به ذکر است که وزن تمامی شاخص‌ها یکسان در نظر گرفته شده است. جداول (۵)، (۶) و (۷) نشان دهنده مراحل مختلف روش تاپسیس جهت انتخاب گزینه نهایی می‌باشند که نتایج حاکمی از برتری الگوریتم MOPSO پیشنهادی در مقایسه با الگوریتم NSGA-II است.

جدول ۴. نتایج محاسباتی معیارهای مقایسه الگوریتم‌های MOPSO و NSGA-II

شماره مسئله	NSGA-II					MOPSO				
	Spacing	Diversity	MID	NOS	Time	Spacing	Diversity	MID	NOS	Time
۱	۷۸۳۵۷۴/۸۳	۶۸۴۹۲۷/۰۴	۱۴۹۶۰۲۵۲/۱۶	۷	۱۲۳/۱	۳۹۱۰۱/۷۸	۷۱۶۹۸۶۵/۰۲	۱۶۸۳۴۸۹۱/۶۸	۲۴	۶۵/۷
۲	۲۴۷۹۶۷۱/۴۴	۱۸۹۵۹۶۷۹/۲۸	۱۹۳۱۴۱۸۴/۵۳	۲۷	۱۳۵/۷	۸۵۸۴۸۴/۹۸	۶۰۸۴۲۲۶۵/۱۱	۲۷۷۵۷۹۳۸/۱۷	۳۸	۷۲/۲
۳	۴۷۱۶۶۴/۰۴	۶۶۵۰۷۱۷/۱۱	۱۶۲۷۶۲۸۴/۹۱	۲۵	۱۲۱/۸	۳۹۵۵۳۶/۹۹	۷۷۶۷۳۹۲/۱۴	۲۰۱۶۹۲۷۷/۹۶	۱۹	۷۰/۸
۴	۸۰۱۸۱۳/۲۲	۵۰۷۴۰۱۰۰/۰۹	۲۳۰۱۵۸۶۱/۱۴	۲۲	۱۲۹/۸	۹۱۴۹۴۸۸/۱۸	۱۴۸۳۷۸۸۴/۴۳	۱۸۰۱۳۳۱۱/۸۴	۳۸	۷۳/۳
۵	۹۷۷۹۹۸/۶۵	۲۸۰۵۱۱۰۴/۷۷	۲۳۱۰۰۰۲۸/۴۴	۳۹	۱۳۰/۹	۱۰۰۰۷۱۴/۰۱	۴۵۹۲۲۹۳۵/۶۵	۲۶۹۸۷۰۱۹/۷۷	۴۹	۷۵/۵
۶	۵۷۹۱۰۰/۳۱	۵۲۱۸۶۷۹/۰۱	۸۸۰۷۲۸۴۴/۲۶	۱۶	۳۴۵/۸	۱۷۲۰۷۰/۳۵	۷۴۸۱۶۸۱/۰۱	۸۹۲۸۴۷۰۹/۰۷	۱۶	۱۷۸/۴
۷	۷۲۴۰۸۱۶/۳۳	۲۵۸۲۳۷۴۸/۶۵	۱۳۱۹۶۵۵۴۶/۸۵	۵۰	۴۲۰/۸	۳۷۱۷۸۵۶/۳۰	۲۵۹۲۷۱۱۲۵/۸۴	۱۴۵۶۱۵۷۴۲/۴۷	۵۰	۲۵۲/۴
۸	۷۲۴۴۱۷۶/۸۴	۴۵۷۹۷۸۹۴۶/۳۹	۱۹۶۴۱۹۶۷۴/۶۹	۵۰	۳۹۴/۱	۱۱۳۲۵۲۵۹/۹۹	۴۳۹۲۶۲۳۶۳/۴۱	۱۷۷۰۵۰۰۳۹/۵۰	۳۹	۲۵۴/۶
۹	۳۹۲۰۶۲/۳۰	۴۴۰۹۱۴۵/۰۱	۱۰۱۰۹۰۶۳۷/۴۶	۵	۳۰۹/۷	۱۱۱۷۷۶۱/۰۵	۲۴۰۰۶۷۷/۰۲	۱۰۵۲۰۷۹۹۳/۵۹	۶	۱۸۲/۸
۱۰	۱۲۴۰۲۶۵/۵۳	۱۵۷۲۳۶۳۶/۱۳	۱۰۱۴۲۴۳۱۷/۵۸	۲۶	۴۹۳/۵	۶۷۴۳۳۷/۴۶	۱۹۰۲۹۶۷۵/۱۷	۱۰۳۶۸۳۴۸۵/۷۶	۲۲	۱۷۸/۴
۱۱	۶۳۰۱۲۴/۸۸	۱۵۸۶۳۴۴۷/۳۱	۲۲۳۸۰۸۸۴۴/۰۳	۲۵	۶۲۲/۶	۳۶۶۰۱۷/۳۰	۲۳۸۳۱۱۷۴/۱۳	۲۴۲۹۰۴۱۷۲/۵۷	۲۵	۳۹۰/۱
۱۲	۲۹۳۰۸۱۵/۰۹	۱۰۰۵۸۳۱۱۱۸/۷	۴۸۴۳۸۶۷۸۰/۶۲	۵۰	۷۲۵/۳	۸۱۷۲۱۵۸/۰۵	۱۰۰۴۹۱۳۵۳۷/۶	۴۹۲۹۱۹۶۱۶/۵۷	۴۳	۶۷۹/۶
۱۳	۴۶۱۳۵۹۷/۴۷	۳۳۵۰۷۴۹۱۹/۱۳	۲۹۴۱۸۴۴۲۶/۵۹	۴۳	۶۱۶/۳	۱۴۲۵۸۹۰۷/۵۷	۱۷۷۹۴۷۲۲۸/۴۳	۲۹۱۲۹۱۱۳۹/۲۲	۴۶	۶۳۵/۱
۱۴	۵۵۳۲۷۹/۸۱	۱۲۶۰۷۵۸۳/۰۱	۲۷۰۸۳۹۷۱۳/۴۲	۲۰	۴۹۸/۲	۴۶۱۰۴۳/۶۶	۲۰۵۸۰۱۳۹/۰۱	۲۷۶۰۶۱۱۲۳/۷۸	۱۲	۵۱۱/۹
۱۵	۱۳۸۵۶۱۶۶/۴	۱۶۷۰۷۵۹۷/۰۳	۲۷۶۶۵۳۴۸۵/۹۵	۱۶	۴۸۳/۹	۱۱۹۶۹۲۱/۰۷	۱۲۷۳۱۲۰۳۱/۰۱	۲۸۷۵۴۲۶۱۶/۱۹	۱۹	۴۹۹/۸
میانگین	۴۰۹۴۰۲۱/۲۲	۱۴۸۷۵۵۰۲۳/۲۴	۱۵۱۰۳۴۱۹۲/۱۸	۲۸/۰۷	۳۷۰/۱	۳۶۹۳۹۴۰/۲۶	۱۴۷۹۰۴۶۶۵/۰۱	۱۵۴۷۵۴۸۷۱/۸۸	۲۹/۷۳	۲۷۴/۷

جدول ۵. ماتریس تصمیم مسئله

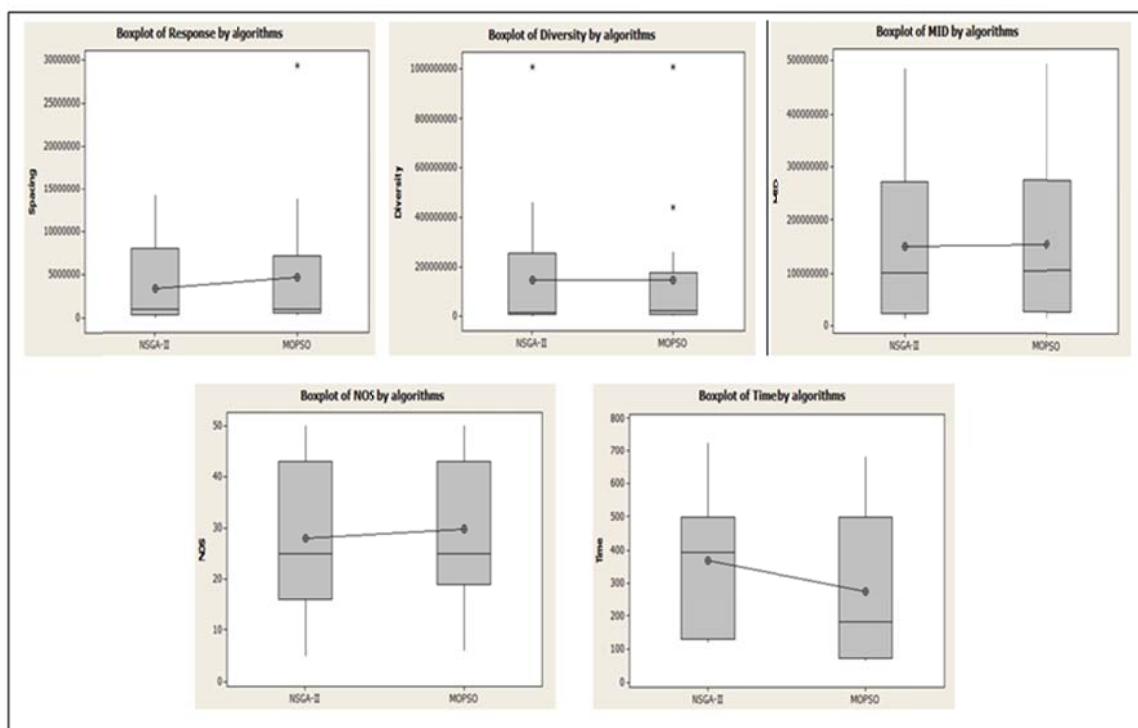
Algorithm	Spacing	Diversity	MID	NOS	Time
NSGA-II	۴۰۹۴۰۲۱/۲۲	۱۴۸۷۵۵۰۲۳/۲۴	۱۵۱۰۳۴۱۹۲/۱۸	۲۸/۰۷	۳۷۰/۱
MOPSO	۳۶۹۳۹۴۰/۲۶	۱۴۷۹۰۴۶۶۵/۰۱	۱۵۴۷۵۴۸۷۱/۸۸	۲۹/۷۳	۲۷۴/۷

جدول ۶. ماتریس نرمال شده وزن دار

Algorithm	Spacing	Diversity	MID	NOS	Time
NSGA-II	۰/۱۴۸۴۹	۰/۱۴۱۸۲	۰/۱۳۹۶۹	۰/۱۳۷۳۰۳	۰/۱۶۰۵۹۶
MOPSO	۰/۱۳۳۹۷۹	۰/۱۴۱۰۱۵	۰/۱۴۳۱۳۱	۰/۱۴۵۴۲۲	۰/۱۱۹۲۰۰

جدول ۷. فاصله از ایده آل مثبت و منفی، محاسبه فاصله نسبی تا بدترین گزینه و رتبه بندی الگوریتمها

Algorithm	d_1^+	d_1^-	CL	Ranking
NSGA-II	۰/۰۴۴۶	۰/۰۰۳۵	۰/۰۷۳۴	۲
MOPSO	۰/۰۰۳۵	۰/۰۴۴۶	۰/۹۲۶۶	۱



شکل ۷. نمودار جعبه ای مقایسه فواصل اطمینان معیارها

پی‌نوشت

1. Supply chain management
2. Logistic Warehouses
3. Production-distribution planning problem
4. Spanning Tree
5. Production Distribution Planning Decision
6. Multi-objective Particle Swarm Optimization
7. Non-dominated Sorting Genetic Algorithm
8. Fronts
9. Trade-off
10. Fast non-dominated sorting (FNDS)
11. crowding distance (CD)
12. Structure
13. Solutions
14. Adaptive version
15. Binary tournament selection operator
16. Maximum Spread or Diversity
17. Spacing
18. Number of Pareto Solution (NOS)
19. Mean Ideal Distance (MID)

۶. نتیجه‌گیری و پیشنهادات آتی

در این تحقیق، یک مدل دو هدفه برای مسئله برنامه ریزی یکپارچه تولید-توزیع در یک زنجیره تامین چهار سطحی با چندین محصول و در چندین دوره زمانی ارائه گردید. اهداف علاوه بر کمینه کردن کل هزینه‌های زنجیره، مقدار فروش از دست رفته محصولات در صورت کمبود برای مشتریان را به حداقل می‌رساند. با توجه به NP-hard بودن مسئله از دو الگوریتم فرا ابتکاری مبتنی بر پارتو استفاده شده است. یک الگوریتم بهینه سازی اجتماع ذرات چند هدفه (MOPSO) ارائه گردیده و عملکرد آن با الگوریتم NSGA-II در مسائل با سایزهای مختلف مقایسه شده است. نتایج حاکی از عملکرد الگوریتم پیشنهادی MOPSO در مقایسه با الگوریتم دیگر است. جهت پیشنهادات آتی می‌توان مسئله مسیریابی وسایل نقلیه را به منظور حمل و نقل بهینه محصولات در سطوح مختلف را در زنجیره تامین پیشنهادی پیاده سازی کرد. همچنین جهت حل مسئله از الگوریتم‌های چند هدفه دیگری نیز استفاده نمود.

- planning problem, Central European Journal of Operation Research, (2011), Vol. 19, No. 4, pp. 547-569.
- [13] AshokaVarthanan P, Murugan N, Mohan Kumar G, Parameswaran S. Development of simulation-based AHP-DPSO algorithm for generating multi-criteria production-distribution plan, International Journal Advanced Manufacturing Technology, (2012), Vol. 60, No. 1, pp. 373-396.
- [14] Liu S, Papageorgiou LG. Multi objective optimization of production, distribution and capacity planning of global supply chains in the process industry, Omega, (2013), Vol. 41, No. 2, pp. 369-382.
- [15] Deb K. Multi-objective optimization using evolutionary algorithms, Chichester, UK, Wiley, (2001).
- [16] Deb K, Agrawal S, Pratap A, Meyarivan T. A fast elitist non-dominated sorting genetic algorithm for multi-objective optimization: NSGA-II, In: proceedings of the parallel problem solving from nature VI (PPSN-VI) conference, (2000), pp. 849-858.
- [17] Kennedy J, Eberhart RC. Particle Swarm optimization, Proceedings of the IEEE International Conference on Neural Networks, IV. Piscataway, NJ, IEEE Service Center, (1995), pp. 1942-1948.
- [18] Behroozi M, Eshghi K. A new hybrid particle swarm optimization for job shop scheduling problem, International Journal of Industrial Engineering and Production Management, (2009), Vol. 20, No. 2, pp. 57-75.
- [19] Ranjbar-Bourani M, Tavakkoli-Moghaddam R, Amoozad-Khalili H, Hashemian S. Applying scatter search algorithm based on TOPSIS to multi-objective cellular manufacturing system design, International Journal of Industrial Engineering and Production Management, (2010), Vol. 21, No. 2, pp. 11-21.
- [20] Amiri N, Tavakkoli-Moghaddam R, Gholipour-Kanani Y, Torabi S. Modelling a novel multi-objective open-shop scheduling problem and solving by a scatter search method, International Journal of Industrial Engineering and Production Management, (2012), Vol. 23, No. 2, pp. 153-164.
- [21] CoelloCoello CA, Pulido GT, Lechuga MS. Handling multiple objectives with particle swarm optimization, IEEE Transactions on Evolutionary Computation, (2004), Vol. 8, No. 3, pp. 256-279.
- مراجع
- [1] Chopra S, Meindl P. Supply chain management-strategy, Planning and Operation, 2nd Ed, Prentice Hall, (2004).
- [2] Ballou RH. Business Logistics/Supply Chain Management, Prentice Hall, (2004).
- [3] Simchi-Levi D, Kaminsky P, Simchi-Levi E. Designing and Managing the Supply Chain Concepts, Strategies, and Case Studies, McGraw-Hill, Boston, (2000).
- [4] Lee YH, Kim SH. Production-distribution planning in supply chain considering capacity constraints, Computers and Industrial Engineering, (2002), Vol. 43, No. 1, pp. 190-196.
- [5] Fahimnia B, ZanjiraniFarahani R, Marian R, Luong L. A review and critique on integrated production-distribution planning models and techniques, Journal of Manufacturing Systems, (2013), Vol. 32, No. 1, pp. 1-19.
- [6] Cohen MA, Lee HL. Strategic analysis of integrated production-distribution systems: models and methods, Operations Research, (1988), Vol. 36, No. 2, pp. 216-228.
- [7] Chandra P, Fisher ML. Coordination of production and distribution planning, European Journal of Operational Research, (1994), Vol. 72, No. 1, pp. 503-517.
- [8] Flipo CH, Finke G. Integrated model for an industrial production-distribution problem, IIE Transaction, (2001), Vol. 33, No. 9, pp. 705-715.
- [9] Syarif A, Yun SY, Gen M. Study on multi-stage logistic chain network: a spanning tree-based genetic algorithm approach, Computers and Industrial Engineering, (2002), Vol. 43, No. 1, pp. 299-314.
- [10] Chan FTS, Chung SH, Wadhwa S. A hybrid genetic algorithm for production and distribution, Omega-International Journal of Management Science, (2005), Vol. 33, No. 4, pp. 345-355.
- [11] Kazemi A, FazelZarandi MH, MoattarHusseini SM. A multi-agent system to solve the production-distribution planning problem for a supply chain: a genetic algorithm approach, International Journal of Advanced Manufacturing Technology, (2009), Vol. 44, No. 1, pp. 180-193.
- [12] Jolai F, Razmi J, Rostami NKM. A fuzzy goal programming and meta heuristic algorithms for solving integrated production: distribution

- [22] Clerc M, Kennedy J. The particle swarm-explosion, stability, and convergence in a multi-dimensional complex space, IEEE Transaction on Evolutionary Computation, (2002), Vol. 6, No. 1, pp. 58-73.
- [23] Zitzler E, Thiele L. Multiobjective optimization using evolutionary algorithms a comparative case study, In A.E. Eiben, T. Back, M. Schoenauer and H.P. Schwefel (Eds.), Fifth International Conference on Parallel Problem Solving from Nature (PPSN-V), Berlin, Germany, (1998), pp. 292-301.
- [24] Schott JR. Fault tolerant design using single and multicriteria genetic algorithms optimization, Master's thesis, Department of Aeronautics and Astronautics, Massachusetts Institute of Technology, Cambridge, MA, (1995).
- [25] Rahmati SH, Zandieh M, Yazdani M. Developing two multi-objective evolutionary algorithms for the multi-objective flexible job shop scheduling problem, International Journal Advanced Manufacturing Technology, (2013), Vol. 64, No. 5, pp. 915-932.
- [26] Mashreghi H, Nahavandi N, Amin Naseri M. Prioritizing of production fields in machinery industries by TOPSIS and AHP methods for preparing Iran accession plan to world trade organization (WTO), International Journal of Industrial Engineering and Production Management, (2011), Vol. 22, No. 2, pp. 127-143.